

Bridge crane



مقدمه :

در گذشته های دور به دلیل عدم رشد تکنولوژی بسیاری از کارهای سنگین و طاقت فرسا بر دوش انسانها و در راس آنها برده ها قرار داشت. چه بسا انسانهای بسیاری که در جریان کارهای روزانه به دلیل سنگینی و طاقت فرسا بودن کارها جان خود را از دست دادند. تا این که با رشد و پیشرفت تکنولوژی و صنعت بسیاری از انسانها جای خود را به ماشین آلات گوناگون دادند و کارها با سرعت و دقت بیشتری انجام شد.

یکی از این ماشین آلات صنعتی که تقریباً در تمام صنایع کاربرد دارد جرثقیل میباشد. عصر صنعتی جدید و نیاز هر چه بیشتر بشر به بلند کردن اجسام سنگین، باعث شد این ماشین مراحل پیشرفت را سریع طی کند تا حدی که امروزه جرثقیل سازی به یکی از تخصص های مهم در زمینه ادوات بالا برنده تبدیل شده است.

در این پروژه سعی شده است، با روشی ساده و در عین حال تخصصی، گام به گام، مراحل طراحی یک جرثقیل سقفی ۵ تنی ارائه شود، امید است در نهایت به این هدف دست یافته باشیم.

Bridge crane



تحقیقات:

دانش ساخت این ماشین در ابتدا و پس از اختراع، در انحصار عده معدودی از کشورها و شرکتهای قرار داشت چنانکه هنوز این روند ادامه دارد و برای انتقال آن به سایر کشورها تمایل و رغبتی از خود نشان نمی‌دهند. و اکثر کشورهای جهان در زمینه این تجهیزات بیشتر مصرف‌کننده بوده و هستند.

شرکتهای معدود سازنده جرثقیل در دنیا عبارتند از:

DEMAG آلمان

STAHL آلمان

SHAW-BOX آمریکا

THERN آمریکا

XTEK آمریکا

SISSCO آمریکا

ACE SRANE آمریکا

GH اسپانیا

KONE کره و ...

در ایران هم تعداد زیادی شرکت سازنده جرثقیل موجود می‌باشد که برخی از این شرکتهای عبارتند از :

شرکت دماوند، صنایع جرثقیل کاوات، مهندسی جرثقیل اهرم، جرثقیل فیروز(نماینده) شرکت

DEMAG آلمان، شرکت تلفر و ...

در این پروژه برای بدست آوردن اطلاعاتی در مورد جرثقیل سقفی در اینترنت به جستجو پرداخته شد که در

نهایت، اطلاعات زیادی جز تعدادی عکس بدست نیامد. به همین منظور و برای بدست آوردن دیدی عمیق

تر در مورد جرثقیل سقفی و قطعات آن، به شرکت سیمان اردستان، که در کارگاه های آن، انواع جرثقیل

های ۳، ۵ و ۱۰ تنی موجود بود، مراجعه شد. پس از گفتگو با مدیر فنی و تأسیسات شرکت و گرفتن

کاتالوگ شرکت DEMAG و اطلاعات جزیی در مورد جرثقیل ها، امکان برقراری تماس با شرکت سازنده

جرثقیل ها حاصل شد. در مصاحبه با مدیر فنی و مدیر پروژه و نصب شرکت دماوند، اطلاعاتی در مورد

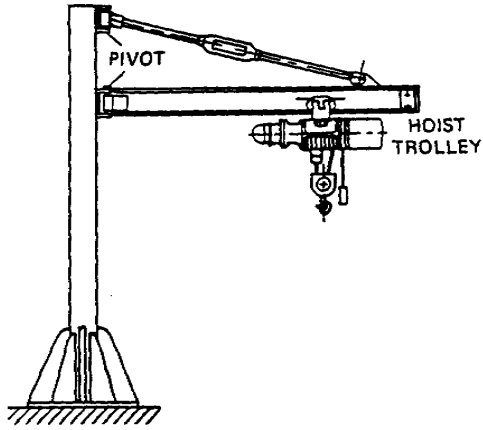
محاسبه توان موتور ها و همچنین سرعت بالابر، وینچ و ارابه بدست آمد.

Bridge crane

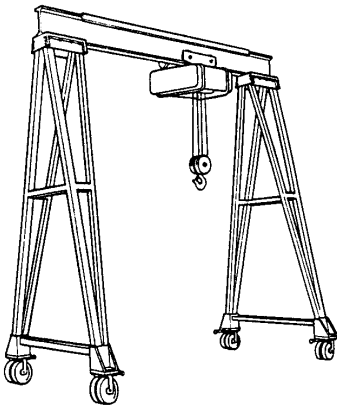


انواع جرثقیل ها:

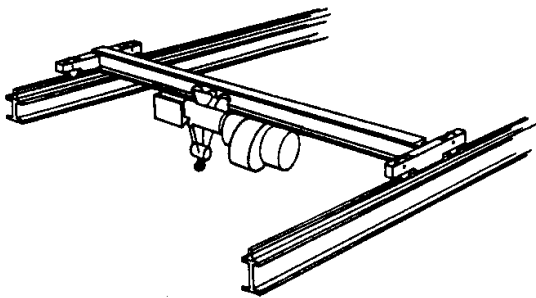
(۱) *jib cranes*: (بازویی و ستونی بازویی)



(۲) *Gantry cranes*: (دروازه‌ای)

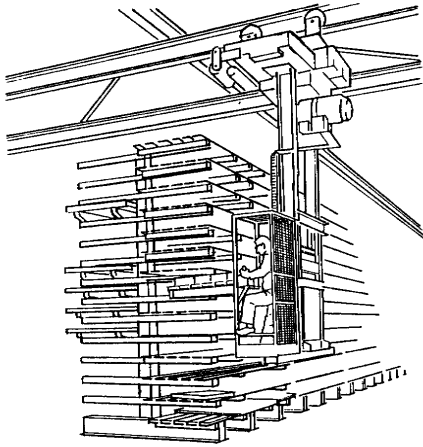


(۳) *Bridge cranes*: (جرثقیل سقفی)



(۴) *Stacker cranes*:

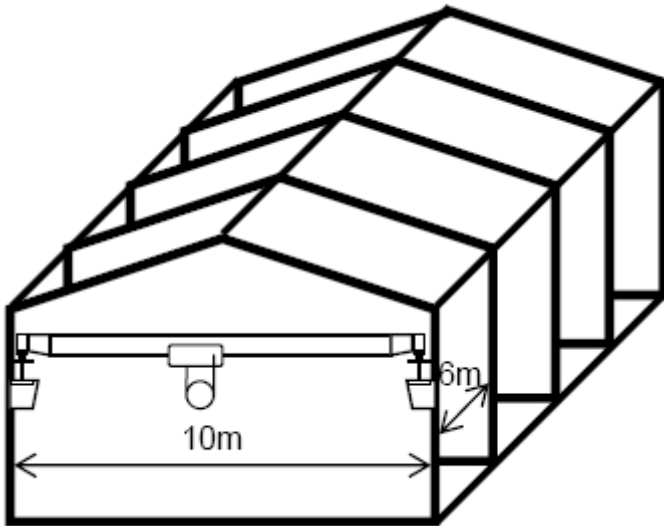
Bridge crane



Bridge crane



طرح مسئله:



طراحی یک جرثقیل سقفی به ظرفیت ۵ تن برای یک سوله به دهانه ۱۰ متر، طول ۳۰ متر و ارتفاع ۶ متر، بطوریکه فاصله بین ستونهای سوله که در ضمن محل نصب تکیه گاه های تیر و یا ریل طولی جرثقیل است برابر شش متر میباشد. خواسته های این پروژه عبارتست از:

(۱) طراحی و یا انتخاب قطعات لازم شامل:

۱-۱ طراحی و انتخاب سیم بکسل لازم

۱-۲ طراحی و انتخاب موتور گیربکس لازم برای

جرثقیل و وینچ

۱-۳ طراحی تکیه گاه متحرک تیر عرضی بر روی تیر طولی (ارابه)

۱-۴ طراحی و انتخاب موتور گیربکس لازم برای حرکت تیر عرضی بر روی تیر طولی

۱-۵ طراحی غلتکها و محورهای آنها که برای جابجای موتور روی تیر عرضی و تکیه گاه متحرک تیر عرضی بر روی تیر طولی لازم است.

۱-۶ طراحی تیر عرضی که جرثقیل بر روی آن نصب میگردد.

۱-۷ طراحی تیر طولی که تیر عرضی بر روی آن به حرکت در می آید.

۱-۸ طراحی اتصالات لازم شامل پیچها

۱-۹ طراحی و انتخاب بلبرینگهای مورد نیاز

(۲) گزارش مستدل از محاسبات انجام شده و فرضیات به عمل آمده

(۳) نقشه مهندسی قطعات طراحی شده فوق

Bridge crane



(۱) طراحی و انتخاب قلاب :

شروع طراحی نقطه‌ای است که بار به آن وارد می‌شود. در جرثقیل اولین نقطه متصل به بار قلاب است که لازم است ابتدا به طراحی آن پرداخته شود. قلاب را از چند روش می‌توان انتخاب نمود :

۱- با توجه به تعداد بازی در ساعت و اعمال گروه‌بندی مربوط به کابل‌ها می‌توان با استاندارد Din بر اساس بار وارده ، شماره سیم ، نوع سیم ، وزن واحد طول و نوع پیچ قلاب را انتخاب نمود که جدول مربوط به آن در پیوست با شماره (۱) موجود است.

۲- با توجه به قلاب‌های استاندارد در Machinery`s Handbook بر اساس نوع کاربرد و بار اعمالی می‌توان نوع قلاب و ابعاد آن را از جدول صفحه ۳۵۷ کتاب مذکور که در پیوست با شماره (۲) موجود است ، انتخاب نمود.

۳- در روش سوم که مشابه روش دوم است بر اساس اطلاعات گرفته شده از اینترنت و کاتالوگ موجود که در پیوست با شماره (۳) موجود است ، نوع قلاب و ابعاد استاندارد آن برای طراحی بشرح زیر است

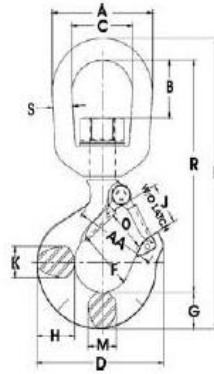
در اینجا قلاب مورد استفاده از نوع Swivel Hooks انتخاب شده است. این قلاب قابلیت نگهداشتن کابل با استفاده از ضامن نگهدارنده و نیز قابلیت چرخش زیر بار وارده را داراست. در این جدول جنس قلاب از دو نوع Carbon و Alloy ارائه شده است که دارای ضرایب ایمنی متفاوتی می‌باشند و چون نوع کربنی آن دارای ضریب ایمنی ۱ تا ۵ می‌باشد آن را انتخاب نمودهایم که ابعاد آن به واحد میلیمتر به شرح زیر است:

$$\text{Weight Each (kg)} = 4.67$$

ابعاد به میلیمتر است	A=116	B=58	C=63.5
D=160	F=63.5	G=46	H=52.5
J=45.2	K=42.2	L=317	M=36.6
O=42.9	R=245	S=25.4	AA=76.2



Bridge crane



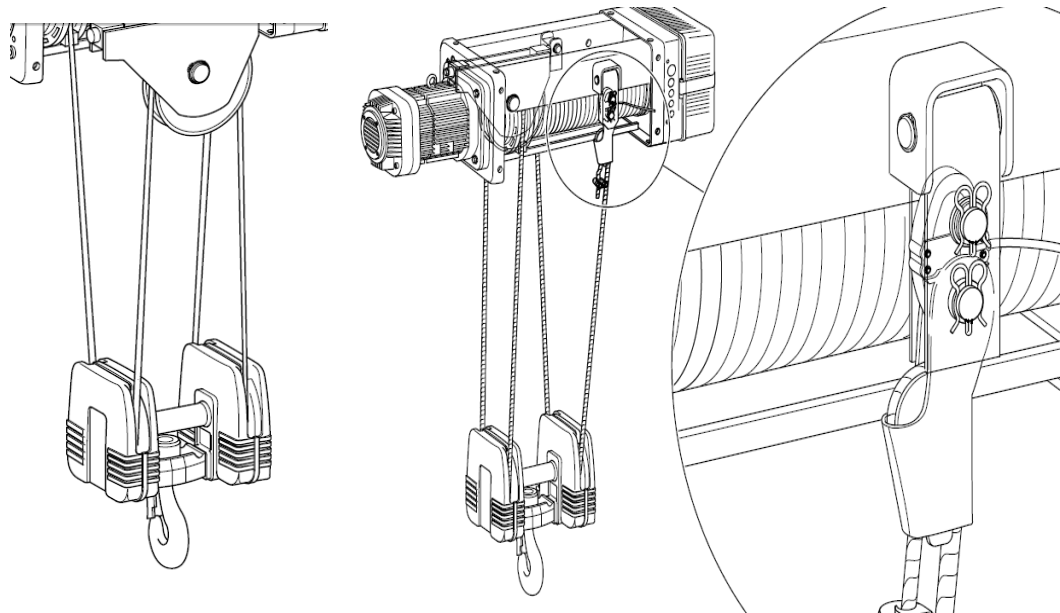
Working Load Limit (t)*		S-322 CN Stock No.	S-322 AN Stock No.	Weight Each (kg)	Dimensions (mm)														Rep. Latch Stock No.	
Carbon	Alloy				A	B	C	D	F	G	H	J	K	L	M	Q †	R	S		AA
.75	1.25	1048600	1048804	.34	51.0	20.8	31.8	72.5	31.8	18.5	20.6	23.6	16.0	144	16.0	23.6	116	9.65	38.1	1096325
1	1.80	1048609	1048813	.57	63.5	33.3	38.1	80.0	35.1	21.3	23.9	24.8	18.0	170	18.0	24.8	138	12.7	50.8	1096374
1.6	2.50	1048618	1048822	1.02	76.0	38.1	44.5	91.0	38.1	25.4	29.5	26.9	22.4	197	22.4	26.9	155	16.0	50.8	1096421
2	3.20	1048627	1048831	1.04	76.0	38.1	44.5	102	41.1	28.7	33.3	30.2	23.9	210	23.9	29.5	165	16.0	50.8	1096468
3.2	5.4	1048636	1048837	2.25	89.0	41.7	50.8	123	51.0	36.6	41.4	38.1	33.3	246	28.7	35.8	191	19.1	63.5	1096515
5	8.0	1048645	1048854	4.67	116	58.0	63.5	160	63.5	46.0	52.5	45.2	42.2	317	36.6	42.9	245	25.4	76.2	1096562
7.5	11.5	1048654	1048865	8.80	127	64.5	70.0	192	76.0	57.0	67.0	51.0	47.8	375	41.4	56.5	289	28.7	101	1096609
10	16	1048663	1048877	10.5	143	63.0	79.0	212	82.5	66.0	74.5	66.5	55.5	417	49.3	61.0	311	31.8	101	1096657
15	22	1048672	1048886	21.3	180	95.5	104	263	108	76.0	89.0	86.5	68.5	542	60.5	81.0	424	38.1	127	1096704
-	31.5	-	1025688	32.0	180	95.5	104	346	127	93.0	118	102	72.5	590	76.2	82.6	459	38.1	165	1093716

Bridge crane

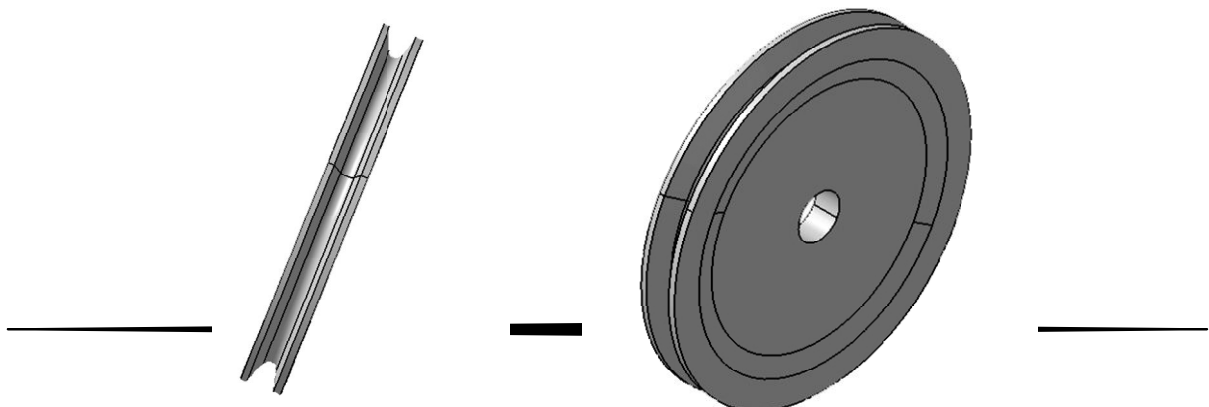


۱-۲) طراحی و انتخاب سیم بکسل لازم:

در این قسمت از دو قرقره متصل به قلاب و یک قرقره متصل به وینچ استفاده شده است تا نیروی کشش کابل به ۴ قسمت تقسیم شده و امکان استفاده از کابل باریکتر و همچنین موتور کوچکتر و با توان کمتر را فراهم کند. در ضمن کوچک شدن قطر کابل موجب کوچک شدن قطر طبک می شود که موجب افزایش سرعت زاویه ای آن شده و نسبت دور موتور به طبک کاهش می یابد. در اینصورت گیربکس ساده تر و سبک تر خواهد بود. استفاده از ۴ کابل و ۳ قرقره نسبت به استفاده از ۲ کابل و ۱ قرقره نسبت سرعت را حدود ۵ برابر کاهش می دهد.



شکل تقریبی پولی مورد استفاده برای سیم بکسل ها به صورت زیر است :



Bridge crane



کابل های مناسب در شکل زیر نشان داده شده اند اما به دلیل استفاده بیشتر از کابل ۱۹*۶ در بالابرهاى صنعتى ما نیز از این کابل استفاده مى کنیم.

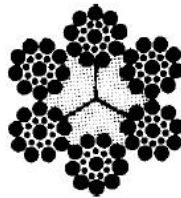


Fig. 2c.
6 • 19 Seale
with fiber core

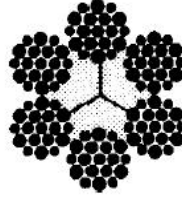


Fig. 2f.
6 • 19 Warrington
with fiber core

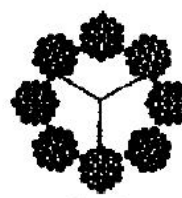


Fig. 4b.
8 • 19 Warrington
with fiber core

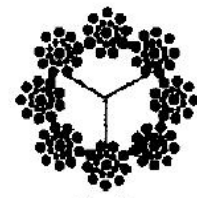


Fig. 4d.
8 • 19 Seale
with fiber core

ابتدا نیروی وارد از طرف اجزا بر کابل را به صورت زیر به دست می آوریم :

نیروی اینرسی قلاب و قرقره و وزنه + وزن طناب + نیروی اینرسی طناب + وزن قلاب و قرقره و وزنه : $F(t)$

$$F(t) = \frac{M}{N}(g + a) + m_L(g + Na)$$

M = جرم جسم + جرم قلاب + جرم قرقره

m_L = جرم سیم بگسل که به نقطه‌ی مورد نظر وارد می شود

N = تعداد سیم بگسل

طبق مصاحبه انجام شده با آقای مهندس عابدی مدیر فنی شرکت دماوند سرعت استاندارد بالابری برای جراثیل های سقفی ۲.۶ و ۴ و ۸ متر بر دقیقه می باشد که در این پروژه از سرعت ۸ متر بر دقیقه و شتاب ۰.۰۱۳ متر بر مجذور ثانیه استفاده شده است.

$$\begin{cases} v = 0.133 \text{ m/s} \\ a = 0.013 \text{ m/s}^2 \end{cases}$$

Bridge crane



ارتفاع سوله ما ۶ متر است ولی با توجه به اینکه از چهار ردیف کابل استفاده شده طول کابل را ۲۴ در نظر می گیریم.

وزن دو قرقره متصل به قلاب را ۴۰ کیلو گرم فرض می کنیم.

$$F(t) = \frac{5000 + 4.67 + 40}{4} (9.81 + 0.013) + 24 \times \frac{4.1 D_r^2}{1000} (9.81 + 4 \times 0.013)$$

$$F(t) = 12388 + .966 D_r^2$$

سرعت هر رشته کابل ما دو برابر سرعت حرکت بار است یعنی :

$$v_r = 4 \times 0.133 = 0.532 \text{ m/s}$$

و در مورد سیم بکسل ها می دانیم که :

$$D_s = \begin{cases} 100 d_w (2 + v_r) & v_r \geq 2 \text{ m/s} \\ 400 d_w & v_r \leq 2 \text{ m/s} \end{cases}$$

که D_s قطر قرقره و d_w قطر رشته سیم بکار رفته در سیم بکسل است.

$$D_s = 400 d_w$$

مقدار مربوط به d_w از جدول ضمیمه ۲-۲ برای این نوع از سیم بکسل برابر $d_w = 0.064 D_r$ می باشد. پس داریم :

$$D_s = 400 d_w \Rightarrow D_s = 25.6 D_r$$

از آنجایی که طبق جدول مربوط به سیم بکسل مینیمم مقدار D_s برابر با $32 D_r$ است ما نیز همین مقدار را برای قطر قرقره در نظر می گیریم .

اکنون برای بدست آوردن قطر سیم از سه تئوری استفاده می شود.

۱. تئوری M.B.L

۲. تئوری گودمن

۳. تئوری لهیدگی

Bridge crane



تئوری **M.B.L** (*Min Breaking Load*) :

$$\frac{M.B.L}{N} = F(t)$$

و مقدار $M B L$ با توجه به استحکام کششی کابل که برابر با $S_{ut}=1770 MPa$ در نظر گرفته شده و با توجه به نوع سیم بکسل از جدول ضمیمه ۲-۲ به دست می آید :

$$M B L = 630 D_r^2$$

در این فرمول N ضریب اطمینان است که البته شامل خستگی نمی شود و طبق جدول ضمیمه ۲-۳ برای جرثقیل ها برابر با ۶ می باشد.

$$\frac{M.B.L}{N} = F(t) \rightarrow \frac{630}{6} D_r^2 = 12388 + .966 D_r^2 \rightarrow D_r = 10.91 mm$$

ولی از آنجاییکه این قطر جز قطرهای استاندارد کابلها نمی باشد آن را به $D_r)_s = 11 mm$ استاندارد می نماییم .

Bridge crane



تئوری گودمن :

رابطه گودمن برابر است با :

$$\frac{\sigma_{ave}}{k_L S_{ut}} + \frac{\sigma_r}{k_{wt} S_e} = \frac{1}{N}$$

$$\sigma_{ave} = \sigma_t + \frac{\sigma_b}{2} \quad , \quad \sigma_r = \frac{\sigma_b}{2}$$

$$\sigma_t = \frac{F(t)}{A_m}$$

$$\sigma_b = \frac{E d_w}{D_s}$$

σ_{ave} = میانگین تنش ناشی از کشش و خمش

σ_r = تنش دینامیکی ناشی از خمش

σ_t = تنش استاتیکی ناشی از کشش

σ_b = تنش دینامیکی ناشی از خمش

kl = ضریب افت مقاومت

kwl = ضریب طول عمر

A_m = سطح متالیک که با توجه به نوع سیم بکسل از جدول ضمیمه ۲-۲ به دست می آید .

$$S_{ut} = 1770 \text{ MPa}$$

درصد افت مقاومت $k_l = 1 -$

درصد افت مقاومت برای این نوع کابل برابر با ۱۲.۵ درصد است . پس :

$$k_l = 0.875$$

$$S_e = k_a k_b k_c k_d k_e S_e'$$

$$S_e' = \begin{cases} 0.506 S_{ut} & S_{ut} < 1460 \text{ MPa} \\ 740 & S_{ut} > 1460 \text{ MPa} \end{cases}$$

با توجه به روش ساخت کابل :

$$k_a = 0.63 \quad , \quad k_b = k_c = k_e = k_f \approx 1$$

Bridge crane



$$S_{ut} > 1460 \text{ MPa} \rightarrow S_e' = 740 \text{ MPa} \rightarrow S_e = 0.63 * 740 = 466.2 \text{ MPa}$$

$$A_m = 0.425 D_r^2 \rightarrow \sigma_t = \frac{12388 + .966 D_r^2}{0.425 D_r^2} = 2.273 + \frac{29148}{D_r^2}$$

مقدار k_{wl} از فرمول زیر به دست می آید:

$$k_{wl} = \begin{cases} \left(\frac{10^6}{L}\right)^{0.085} & L < 10^6 \\ 1 & L > 10^6 \end{cases}$$

از آنجایی که عمر را 5×10^6 است پس ضریب $k_{wl} = 1.06$ می گردد.

مقدار تنش دینامیکی ناشی از خمش با توجه به مدول الاستیسیته $E = 207 \text{ GPa}$ برابر خواهد بود با

$$\sigma_b = 207 \times 10^3 \times \frac{0.064 D_r}{32 D_r} = 414 \text{ MPa}$$

$$\sigma_r = \frac{\sigma_b}{2} = \frac{414}{2} = 207 \text{ MPa}$$

در نتیجه مقدار میانگین تنش ناشی از کشش و خمش برابر است با :

$$\sigma_{ave} = \sigma_t + \frac{\sigma_b}{2} = 2.273 + \frac{29148}{D_r^2} + 207 \rightarrow \sigma_{ave} = 209.273 + \frac{29148}{D_r^2}$$

حال با قرار دادن ضریب اطمینان $N=1.5$ رابطه گودمن به صورت زیر ساده می گردد:

$$\frac{209.273 + \frac{29148}{D_r^2}}{1770 \times 0.875} + \frac{207}{1.06 \times 466.2} = \frac{1}{1.5} \rightarrow D_r = 12.92 \text{ mm}$$



Bridge crane

با رجوع به جدول قطرهای استاندارد سیم بکسل در ضمیمه ۲ - ۲ این قطر را به $D_r)_s = 13 \text{ mm}$ استاندارد می کنیم.

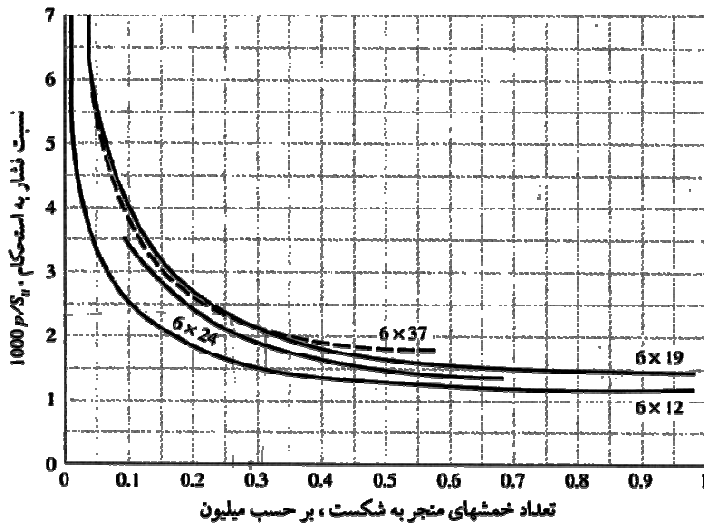
Bridge crane



تئوری لهیدگی :

$$\frac{P_{\max}}{S_{ut}} = \frac{2 F(t) N}{S_{ut} D_s D_r}$$

برای عمرهای مختلف در نمودار زیر آمده است ، که ما برای عمر ۰.۵ میلیون و با توجه به اینکه تعداد خمش در هر بازی برابر است با ۴ ، چرا که ما سه قرقره داریم.



$$\frac{P_{\max}}{S_{ut}} = 0.0035$$

با قرار دادن ضریب اطمینان $N=1.5$ خواهیم داشت:

$$0.0035 = \frac{2 \times 1.5 (12388 + .966 D_r^2)}{1770 D_r \times D_s} = \frac{2 \times 1.5 (12388 + .966 D_r^2)}{1770 D_r \times 32 D_r}$$

$$\Rightarrow D_r = 13.93 \text{ mm} \Rightarrow D_r)_s = 14 \text{ mm}$$

Bridge crane



با بررسی سه تئوری ذکر شده و محاسبه قطر سیم بکسل از این سه تئوری، بیشترین قطر حاصل یعنی ۱۴ را به عنوان قطر سیم بکسل در نظر می‌گیریم.

$$D_s = 32 \times 14 = 448 \text{ mm}$$

۳-۲ طول سیم بکسل

در استاندارد امریکایی طول طناب را طول آویزان به علاوه دو دور طناب پیچیده شده حول طبلک در نظر می‌گیرند پس داریم:

$$L = 4 \times 6 + 2 \pi (448) = 26.81 \text{ m}$$

۳-۳ وزن سیم بکسل

با توجه به جدول ۱۷-۲۷ کتاب شیگلی ویرایش هشتم وزن کابل به صورت زیر بدست می‌آید:

Table 17-27

Some Useful Properties of 6 × 7, 6 × 19, and 6 × 37 Wire Ropes

Wire Rope	Weight per Foot w , lbf/ft	Weight per Foot Including Core w , lbf/ft	Minimum Sheave Diameter D , in	Better Sheave Diameter D , in	Diameter of Wires d_w , in	Area of Metal A_m , in ²	Rope Young's Modulus E_r , psi
6 × 7	1.50d ²		42d	72d	0.111d	0.38d ²	13 × 10 ⁶
6 × 19	1.60d ²	1.76d ²	30d	45d	0.067d	0.40d ²	12 × 10 ⁶
6 × 37	1.55d ²	1.71d ²	18d	27d	0.048d	0.40d ²	12 × 10 ⁶

$$m_r = \frac{26.81}{.305} 1.76 \left(\frac{14}{25.4} \right)^2 \times \frac{5}{11} = 21.5 \text{ kg}$$

۴-۲ پیچش سیم بکسل حول طبلک

$$n = \frac{L}{\pi D_s} = \frac{26.81}{0.488 \pi} \approx 19 \text{ rev}$$

۵-۲ طول طبلک

طول طبلک ما از رابطه $l = n \cdot s$ به دست می‌آید که s گام شیار مربوط به طبلک است و با توجه به قطر سیم بکسل از جدول زیر به دست می‌آید.

قطر طناب	۱۰	۱۳	۱۶	۱۹	۲۲	۲۷	۳۳	۴۰	۴۴
گام شیار s	۱۲	۱۵	۱۸	۲۲	۲۵	۳۱	۳۷	۴۵	۴۹
r	۵/۵	۷	۹	۱۰/۵	۱۲	۱۵	۱۸	۲۲	۲۴
a	۱	۱/۵	۲	۲/۵	۳/۵	۳/۵	۴	۵	۶



Bridge crane

طبلک از هر دو طرف باید تا ۱.۵ برابر قطر طناب دارای لبه ای باشد تا از در رفتن طناب جلوگیری

کند

$$l_0 = 19 \times 18 = 342 \text{ mm}$$

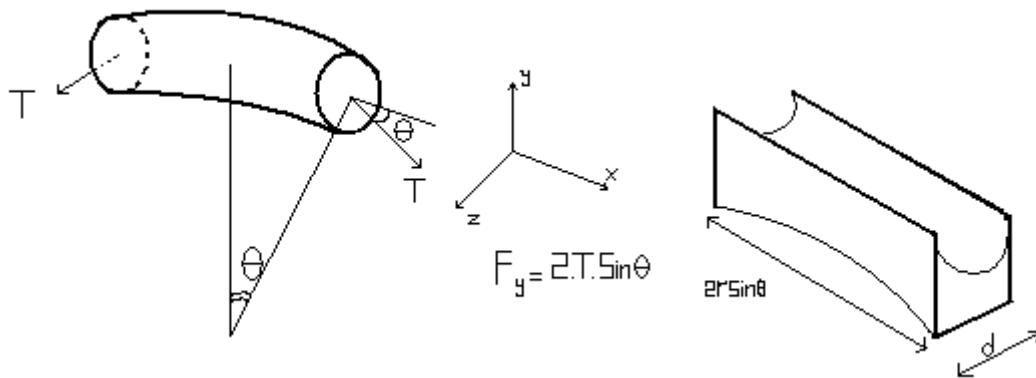
$$L = 342 + 2 \times 1.5 \times 14 = 384 \text{ mm}$$

Bridge crane



محاسبه ضخامت و وزن طبلك:

برای محاسبه ضخامت طبلك به محاسبه تنش های محیطی و شعاعی می پردازیم. هر المان طولی از یک سیم بکسل نیرویی معادل $2T \sin \theta$ در جهت شعاع به طبلك وارد می کند. T نیروی کشش سیم می باشد و با توجه به المان سطح طبلك که طول $2r \sin \theta$ و ضخامت به اندازه قطر سیم را داراست، تنش شعاعی وارده به طبلك محاسبه می شود:



$$\sigma_r = \frac{2T \sin \theta}{2rd \sin \theta} = 3.91$$

تنش محیطی نیز از رابطه زیر محاسبه می شود (t ضخامت طبلك می باشد)

$$\sigma_\theta = \frac{T}{td} = \frac{875.9}{t}$$

با توجه به فرمول پیچش مقاطع جدارنازک، تنش برشی ناشی از پیچش طبلك بدست می آید:

$$\tau = \frac{T}{2tQ} = \frac{437166.8}{t(224 - \frac{t}{2})^2}$$

با انتخاب فولاد AISI 4130 Q&T از جدول.....تنش تسلیم برای طبلك برابر 1630Mpa خواهد بود.

با استفاده از معیار تنش برشی ماکزیمم، مقدار تنش برشی به ازای ضریب اطمینان ۵ برابر 163Mpa خواهد بود، که با جایگذاری در فرمول زیر ضخامت طبلك بدست می آید:

$$\tau_{\max} = \sqrt{\left(\frac{\sigma_\theta - \sigma_r}{2}\right)^2 + \tau^2} = \sqrt{\left(\frac{437.9}{2} - 1.955\right)^2 + \left[\frac{437.2 \times 10^3}{t(224 - \frac{t}{2})^2}\right]^2} \Rightarrow t_0 = 12.58 \text{ mm}$$



Bridge crane

به دلیل شیار دار بودن طبلک، به این ضخامت مقدار $1/3$ برابر قطر کابل نیز اضافه می شود.
 $t = 17.25 \text{ mm}$

$$m_D = \rho \pi (r^2 - (r-t)^2) L = 70.54 \text{ Kg}$$

Bridge crane



۳) طراحی و انتخاب موتور گیربکس لازم برای جرثقیل :

برای شروع طراحی گیربکس ابتدا باید توان انتقالی توسط گیربکس و همچنین دور ورودی و خروجی گیربکس معلوم باشد. برای محاسبه توان ورودی گیربکس یا توان موتور باید توان لازم برای حمل بار را از فرمول زیر محاسبه کرد:

$$P = F \times V$$

F : نیروی وارده از سیم به خروجی گیربکس

V : سرعت سیم بکسل در محل جمع شدن

با داشتن سرعت کابل قطر طبک که به شفت خروجی گیربکس متصل است می توان دور خروج را محاسبه نمود:

$$\omega = \frac{v}{r} = \frac{32}{2\pi \times 224} = 22.73 \text{ rpm}$$

روشهای طراحی موتور گیربکس :

✓ می توان مستقیماً از موتور گیربکس های آماده در بازار استفاده نمود . این موتور گیربکس ها به صورت سرهم با توانها و دورهای متفاوت و متنوع در بازار یافت میشود که در پیوست کاتالوگ مربوط به آن با شماره (۱۰) موجود است.

به دلیل از پیش ساخته شدن این گیربکسها ، نمی توانند جوابگوی نیاز تمام مصرف کنندگان باشند.

✓ می توان ابتدا با یک نسبت سرعت دلخواه به طراحی یک گیربکس شامل تنها یک جفت حلزون و چرخ حلزون پرداخت و سپس با به کار بردن تسمه دور خروجی موتور را به دور ورودی گیربکس تبدیل نمود.

به دلیل گشتاور زیاد تسمه قادر به انتقال توان نمی باشد.

✓ می توان ابتدا گیربکسی با یک جفت حلزون و چرخ حلزون با در دست داشتن دور خروجی و در نظر گرفتن دور ورودی دلخواه به طراحی گیربکس پرداخت و سپس با بهره گیری از زنجیر در

Bridge crane



خروجی گیربکس (به دلیل گشتاور زیاد و سرعت کم) و ایجاد ارتباط بین وینچ و گیربکس به توان مورد نظر رسید.

این گیربکس ها به دلیل استفاده از زنجیر هزینه بر هستند.

✓ می توان در گیربکس از یک چرخدنده مارپیچ برای کاهش دور استفاده نمود. در این گیربکسها سرعت خروجی از موتور طی ۲ مرحله به نسبت مورد نظر تغییر میکند. شفت خروجی از موتور ابتدا به چرخدنده مارپیچ متصل میشود و سپس مارپیچ به یک جفت حلزون و چرخ حلزون درگیر هستند که در نهایت دور خروجی از موتور را تامین می نماید. با در دست داشتن دور خروجی و در نظر گرفتن دور ورودی دلخواه به طراحی یک جفت حلزون و چرخ حلزون پرداخت و سپس با بهره گیری از بازده آن موتور را انتخاب نمود. حال دور ورودی را داشته و به طراحی چرخدنده مارپیچ می پردازیم.

در این پروژه از روش آخر برای طراحی گیربکس موتور استفاده نموده ایم و برای انتخاب موتورهای مورد نیاز از کاتالوگ شرکت موتوژن موجود در پیوست شماره (۱۱) استفاده نموده ایم

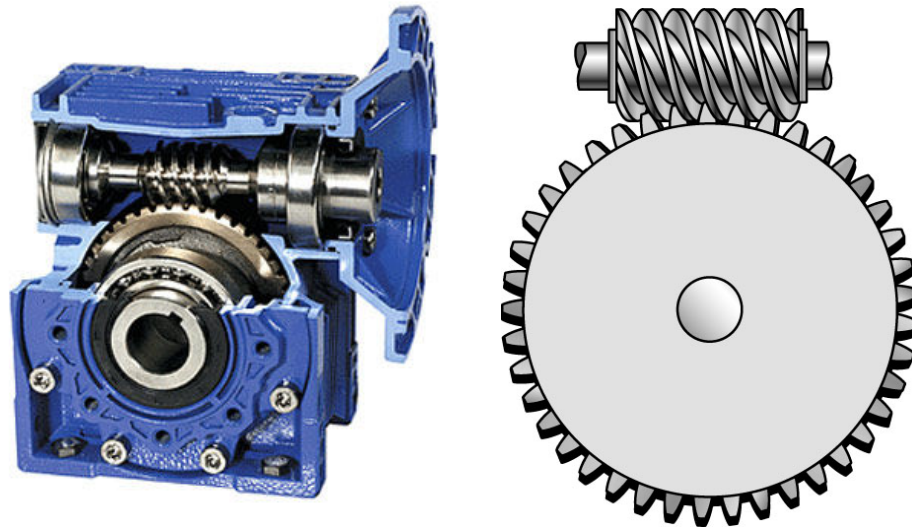
Bridge crane



۱-۳) طراحی چرخدنده حلزونی و چرخ حلزون:

فرضیات:

یک چرخدنده حلزونی فولادی در گیر با چرخ حلزون فولادی ریخته گری ماسه که نسبت دور آنها ۲۰ و توان خروجی آنها 6.54 kW می باشد. ضریب طراحی ۱.۲۵ و دمای کاری 120° درجه و شرایط کاری به گونه ای است که $k_o = 2$ در نظر گرفته میشود.



با فرضیات در نظر گرفته شده و با داشتن دور خروج ، دور ورود برابر با 454.7 (rpm) خواهد بود:

با حل گیربکس خواهیم داشت :

$$N_G = N_W * m_G \Rightarrow N_G = 20 * 1 = 20$$

$$d_G = N_G * m \Rightarrow d_G = 20 * 28 = 560 \text{ (mm)}$$

$$p_x = \pi * m \Rightarrow p_x = 87.96 \text{ (mm)}$$

$$d_w = \left(\frac{1}{Q} \right) \left(\frac{d_w + d_G}{2} \right)^{0.875}, \quad Q = 2.09 \text{ for Mid Limit}$$

$$\xrightarrow{\text{iteration}} d_w \Big|_{Q=2.09} = 116.89 \text{ (mm)}$$

$$\lambda = \tan^{-1} \left(\frac{N_W * p_x}{\pi * d_w} \right) \Rightarrow \lambda = 13.47^\circ$$

Bridge crane



$$V_s = \frac{\pi * d_w * n_w}{60000 * \cos(\lambda)} \Rightarrow V_s = 2.86 \text{ m/s}$$

$$V_w = V_s * \cos(\lambda) \Rightarrow V_w = 2.78 \text{ m/s}$$

$$V_G = V_s * \sin(\lambda) \Rightarrow V_G = .66 \text{ m/s}$$

$$\lambda = 13.47^\circ \xrightarrow{\text{Table 15-4}} \phi_n = 14.5^\circ$$

$$c = \frac{d_w + d_G}{2} \Rightarrow c = 338.4 \text{ (mm)}$$

$$C_s = 24.486 - 6.28 * \log 560 \Rightarrow C_s = 7.23$$

$$C_m = 0.0107 * \sqrt{-m_G^2 + 56m_G + 5145} \Rightarrow C_m = .819$$

$$C_v = .659 * \exp(-.22V_s) \Rightarrow C_v = 0.351$$

$$W_G^t)_{all} = \frac{n_d k_o H_G}{V_G} = 24772.7$$

$$Fe = \frac{W}{C_s C_m C_v d^8_G} = 75.45 \quad 58.4 < 75.45 < 78$$

بنابراین برای این گیر بکس در نهایت خواهیم داشت :

$$m = 28$$

$$Fe = 75.45 \text{ mm}$$

$$f = .103 * \exp(-1.19V_s^{-.45}) + .012 = .061$$

$$\eta = \frac{\cos \phi_n - f \tan \lambda}{\cos \phi_n + f \cot \lambda} = .78$$

برای محاسبه وزن گیربکس نیاز به پهنای چرخ حلزون داریم که از رابطه زیر محاسبه می شود:

$$b_w = \sqrt{(r_G + a)^2 - (r_G - a)^2} = 354.17 \text{ mm}$$

$$m = \rho * \frac{\pi}{4} * Fe * d^2_G + \rho * \frac{\pi}{4} * b_w * d^2_w = 176.16 \text{ kg}$$

البته این مقدار با طوقه دادن و سوراخکاری به مقدار قابل توجهی کاهش می یابد.

۲-۳) انتخاب موتور :

با بدست آمدن مقدار بازده و در نتیجه توان ورودی می توانیم به انتخاب موتور بپردازیم. در نتیجه توان ورودی به مقدار زیر خواهیم داشت:

$$\eta = 78\%$$



Bridge crane

$$P_{in} = \frac{1.2 m g v}{60000 \eta} = \frac{5000 \times 9.81 \times 8 \times 1.2}{60000 \times 0.78} = 10 \text{ kw}$$

حال با مراجعه به کاتالوگ موتورهای موتوژن به انتخاب موتور می پردازیم.
موتور انتخابی ما به مشخصات زیر میباشد:

تایپ موتور	توان (kw)	دور (rpm)	وزن (kg)
160L8B	۱۱	۹۶۵	۹۷.۵

Bridge crane



۳-۱) طراحی چرخنده مارپیچ:

فرضیات:

یک چرخنده مارپیچ فولادی سختی حجمی شده Gr1 با سختی ۲۵۰ برینل که جنس دو چرخنده یکسان با ساخت تجاری و قابلیت اعتماد ۰.۹۹ که نسبت دور آنها ۲.۱۳ و توان ورودی آنها ۱۰ kw می باشد . دندانها با عمق کامل با پیشروی اصلاح نشده و زاویه مارپیچ ۳۵ درجه، ضریب طراحی ۱.۲۵ و دمای کاری زیر ۱۲۰° درجه و شرایط کاری به گونه ای است که $k_o = 2.25$ و عمر پینیون یک میلیون دور در نظر گرفته میشود.

$$\Psi_1 = 35^\circ \Rightarrow \Phi_t = \tan^{-1} \left(\frac{\tan \Phi_n}{\cos \Psi} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{\tan 20}{\cos 35} \right) = 23.95^\circ$$

$$N_p) \min = \frac{2K \times \cos \Psi}{(1 + 2m_G) \sin^2 \Phi_t} (m_G + \sqrt{m_G^2 + (1 + 2m_G) \sin^2 \Phi_t}) = 8.42$$

$$N_p = 15 \Rightarrow N_G = 32$$

$$y_j)_p = Y_{j15,75} \times K_{45} = 0.39$$

$$ZE = 191$$

$$K_0 = 2.25$$

$$Z_R = 1$$

$$\theta < 120 \Rightarrow Y_\theta = 1$$

$$C_{Pm} = C_{mc} = C_e = 1$$

$$S_F = S_H = 1$$

$$Y_N = 4.9404 \times (N)^{-0.1045} = 1.166$$

$$Z_N = 2.466 \times (N)^{-0.056} = 1.137$$

$$R = .99 \Rightarrow Y_z = 1$$

$$\sigma_{FP} = .533(HB) + 88.3_{\text{mpa}} = 221.55(\text{Mpa}) \quad \sigma_{HP} = 2.22(HB) + 200_{\text{mpa}} = 755(\text{Mpa})$$

فرض می کنیم مدول برابر ۳.۵ باشد، پس داریم:

Bridge crane



$$m_n = 3.5 \Rightarrow m_t = \frac{m_n}{\cos \Psi} = 4.27 \Rightarrow d_p = m_t \times N_p = 64 \text{ mm} \Rightarrow d_G = m_t \times N_G = 136.6 \text{ mm}$$

$$Z = \sqrt{(r_p + a)^2 - (r_p \cos \phi_t)^2} + \sqrt{(d_G + a)^2 - (r_G \cos \phi_t)^2} - (r_p + r_G) \sin \phi_t$$

$$Z = 14.88$$

$$m_N = \frac{\pi m_n \cos \phi_n}{0.95 * Z} = .731$$

$$Z_t = \frac{\cos \phi_t \sin \phi_t}{2m_N} \frac{m_G}{m_G + 1} = .1727$$

$$V = \frac{\pi d_p n_p}{60000} = 3.23 \text{ m/s}$$

$$W_t = \frac{10000}{3.23} = 3092.4 \text{ N}$$

$$\left\{ \begin{aligned} A &= 50 + 56(1 - B) = 76.88 \\ B &= 0.25(12 - Qv)^{2/3} = 0.25(12 - 9)^{2/3} = 0.52 \end{aligned} \right.$$

$$K'_v = \left(\frac{A + \sqrt{200V}}{A} \right)^B = 1.16$$

$$K_s = (1.1(m_n)^{-0.107})^{-1} = 1.04$$

$$C_{pf} = \frac{b}{10d_p} - 0.0375 * 10^{-4} b = 0.0626$$

$$C_{ma} = A + Bd + Cd^2 = .16$$

$$Km = 1 + Cmc (C_{PF} C_{PM} + C_{ma} C_e) = 1.228$$

$$\frac{\sigma_{HP}}{S_H} \times \frac{Z_N Z_W}{Y_\theta Y_Z} = Z_E \sqrt{\frac{W_t K_0 K'_v K_m K_s Z_R}{b \cdot dp \cdot Z_t}} \Rightarrow b = 46.13 \text{ mm}$$

$$40.24 < 46.13 < 67.07 \quad \text{Right}$$

$$\frac{\sigma_{FP}}{S_F} \cdot \frac{Y_N}{Y_\theta Y_z} = \frac{W_t K_0 K_s K_B K_m K'_v}{b \cdot m \cdot y_j} \Rightarrow b = 23.96 K_B$$

$$K_B = 1.925 \Rightarrow m_B = .673 \Rightarrow t_R = 5.3 \text{ mm}$$

مدول ۳.۵ از انتخاب مدول گزینه دوم پذیرفته می شود. پهنای چرخنده ها ۴۶.۱۳ میلیمتر و ضخامت طوقه ۵.۳ میلیمتر محاسبه شد. وزن دو چرخنده بدون طوقه ۶.۴۸ کیلوگرم و با طوقه زیر ۲ کیلوگرم می باشد.



Bridge crane

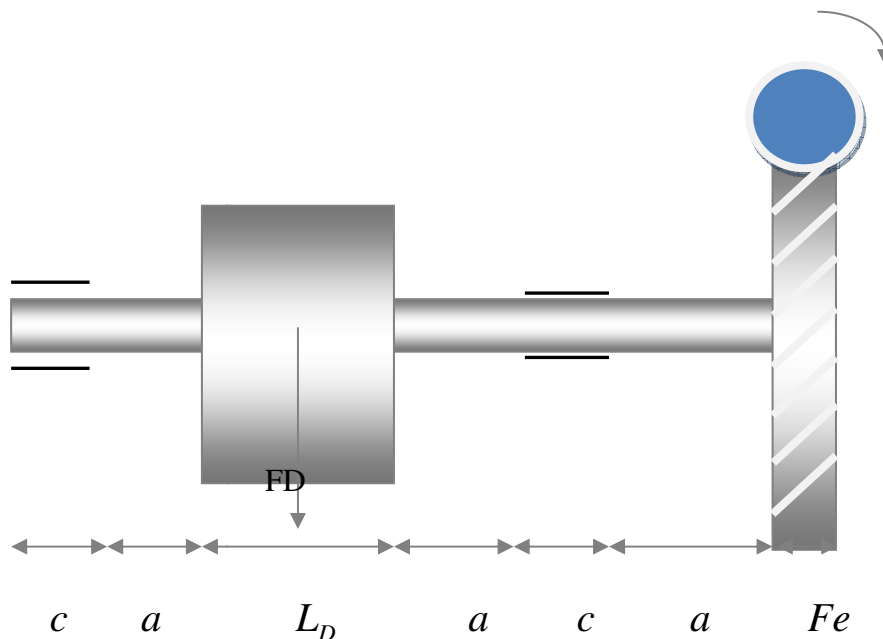
Bridge crane



۳-۴) طراحی شفت‌های گیربکس جرثقیل :

۳-۴-۳) طراحی شفت چرخ حلزون :

برای طراحی شفت لازم است تا ابتدا طول شفت محاسبه شود و سپس با قراردادن نیروها روی آن و محاسبه عکس‌العمل تکیه‌گاه‌ها قطر شفت بدست آید. جهت محاسبه طول شفتها بر اساس شکل زیر عمل می‌کنیم.



$$L = L_D + Fe + 3a + 2c = 384 + 75.45 + 3 \times 28 + 2 \times 30 = 603.45 \text{ mm}$$

پس از بدست آوردن طول شفت‌ها باید نیروهای وارده بر چرخنده‌ها و نیز برطبلك محاسبه شوند.

نیروهای وارده از طرف چرخ حلزون از روابط کتاب شیلگی استخراج شده است.

چرخنده حلزونی:

$$w_{rw} = -w_{rG} = w \sin \varphi_n$$

$$w_{tw} = w_{aG} = w \cos \varphi_n \sin \lambda + \mu w \cos \lambda$$

$$w_{aw} = w_{tG} = w \cos \varphi_n \cos \lambda - \mu w \sin \lambda$$

ابتدا با داشتن توان ورودی و سرعت چرخ حلزون W_t را بدست می‌آوریم. سپس با استفاده از فرمول زیر

تمام نیروها را محاسبه می‌نمائیم

Bridge crane



$$T = \frac{p}{w} = \frac{6.54 \times 10^6}{22.73 \times \frac{2\pi}{60}} = 2.747 \times 10^6 \text{ N.mm}$$

$$W_t = \frac{T}{r} = 24.0964 \text{ KN}$$

حال با داشتن توان ورودی و سرعت حلزون W^n را بدست می آوریم . سپس با استفاده از فرمول زیر تمام نیروها را محاسبه می نمائیم.

$$W_{Gt} = 24.0964 = W (\cos \phi_n \cos \lambda - f \sin \lambda) \rightarrow W = 25.985 \text{ KN}$$

$$W_{Gr} = W \sin \phi_n = 6.506 \text{ KN}$$

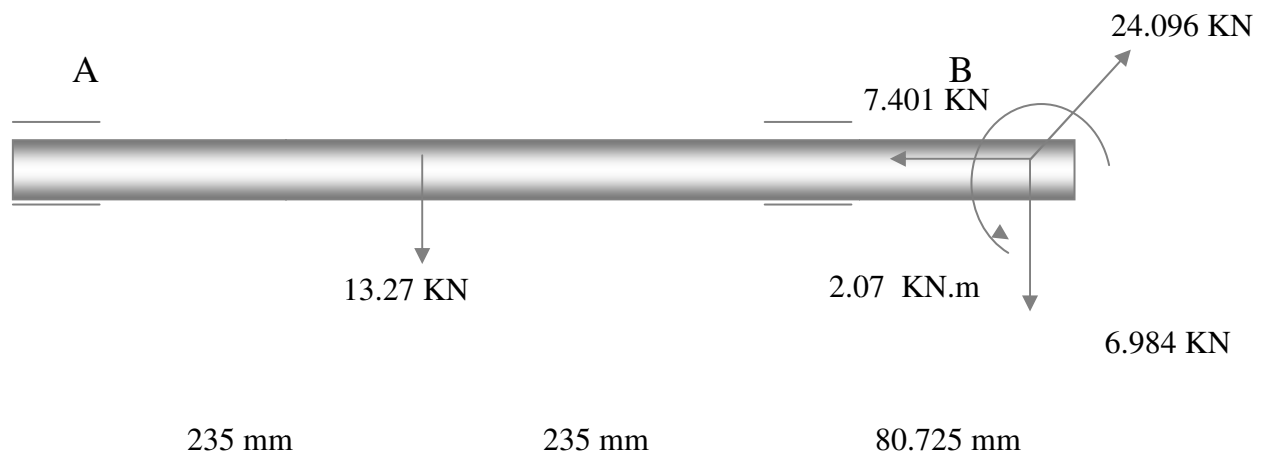
$$W_{Ga} = W (\cos \phi_n \sin \lambda + f \cos \lambda) = 7.4016 \text{ KN}$$

میبایست نیروی شعاعی چرخ حلزون را با وزن آن جمع کرد. بدلیل حجم زیاد این چرخنده وزن زیادی خواهد داشت که می توان این وزن را با تکنیک هایی نظیر سوراخ کردن و طوقه دادن سه برابر کوچک نمود در این صورت وزن چرخ حلزون را ۴۷۸ نیوتن در نظر میگیریم.

$$W_r = W_{Gr} + mg = 6.984 \text{ KN}$$

نیروی اعمال شده از طبلک به شفت برابر نیروی کشش سیم و وزن طبلک میباشد.

$$F_D = 13.27 \text{ KN}$$





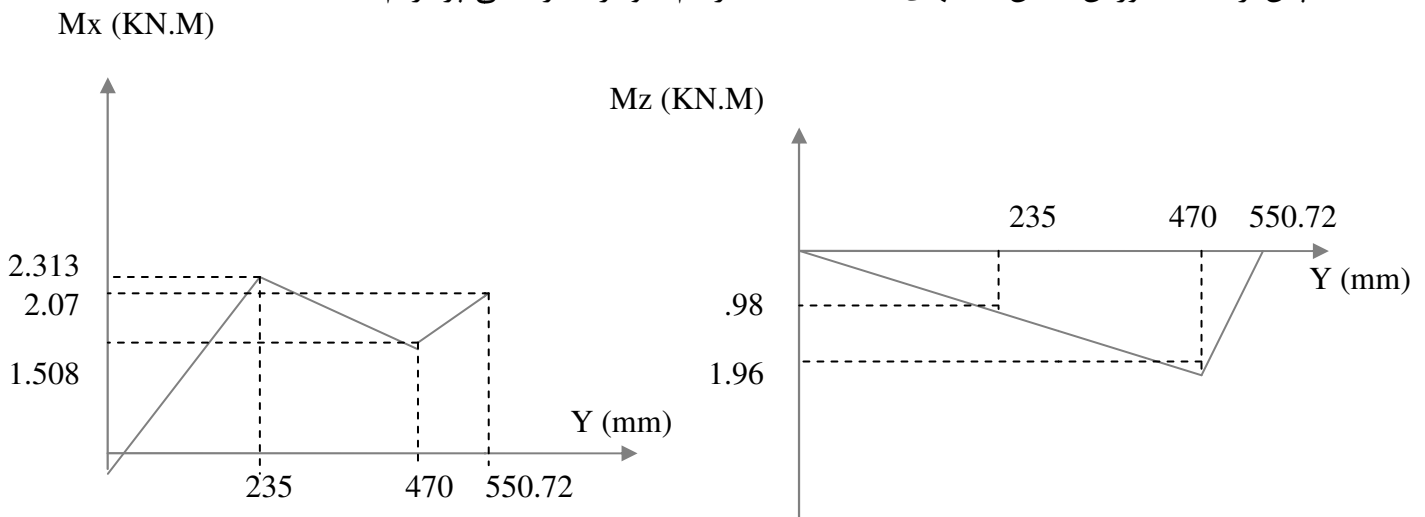
Bridge crane



با توجه به شکل بالا و داده های موجود به محاسبات مربوط به شفت می پردازیم.

$$\begin{aligned} \sum M_x^A = 0 &\Rightarrow F_z^B = 10.41 \text{ KN} & \sum F_z = 0 &\Rightarrow F_z^A = 9.844 \text{ KN} \\ \sum M_z^A = 0 &\Rightarrow F_x^B = 28.2346 \text{ KN} & \sum F_x = 0 &\Rightarrow F_x^A = -4.1386 \text{ KN} \end{aligned}$$

پس از بدست آوردن عکس عملهای تکیه گاه ها به رسم نمودار لنگرها می پردازیم :



با توجه به نمودارها نقطه خطرناک شفت را که بر اساس بیشترین خمش و پیچش میباشد بدست می آوریم:

$$M_G = 2.508 \times 10^6 \text{ N.mm}$$

$$T = 2.747 \times 10^6 \text{ N.mm}$$

Bridge crane



نوع فولاد مورد استفاده در این قسمت فولاد (AISI1060 Q & T) در نظر گرفته شده است:

$$S_{ut} = 1080(Mpa)$$

$$S_y = 765(Mpa)$$

محاسبه ضریب اطمینان:

ضریب اطمینان از رابطه زیر بدست می آید:

$$f.s = N_m N_w N_a N_{cf}$$

N_m = ضریب قابلیت اعتماد مواد است که مطابق ضمیمه اگر S_{ut} و S_y فولادها تضمین شده باشد 1 در نظر گرفته می شود.

$$N_m = 1.0$$

N_w = ضریب دقت ساخت می باشد که اگر سطوح ماشینکاری شود خواهیم داشت:

$$N_w = 1.0$$

N_a = ضریب دقت طراحی است و برای حالت دقیق خواهیم داشت:

$$N_a = 1.05$$

N_{cf} = ضریب عواقب شکست است و چون شکستن محور گیربکس خطری برای کارگران ندارد و تعویض قطعه مشکل می باشد لذا:

$$N_{cf} = 3.0$$

از رابطه بالا برای ضریب اطمینان داریم:

$$f.s = 1 \times 1 \times 1.05 \times 3 = 3.15$$

مطابق با کتاب شیگلی برای حد دوام خواهیم داشت:

$$S_e = k_a k_b k_c k_d k_e S'_e$$

$$S'_e = \begin{cases} 0.504 S_{ut} & S_{ut} \leq 1400 \\ 700 & S_{ut} \geq 1400 \end{cases}$$

پس برای محور مورد نظر داریم:

$$S'_e = 0.504 \times 1080 = 544.32 \text{ MPa}$$

k_a با استفاده از کتاب شیگلی، بدست خواهد آمد:

$$k_a = a S_{ut}^b$$

برای سطح ماشینکاری شده خواهیم داشت:

$$K_a = 4.45 \times 1080^{-0.265} = 0.708$$

k_b : با استفاده از کتاب شیگلی فرمول ۷-۱۹، بدست خواهد آمد:

Bridge crane



$$K_b \begin{cases} \left(\frac{d}{7.62}\right)^{-0.107} & 2.79 \leq d \leq 51mm \\ 1.51d^{-0.157} & 51 < d \leq 254mm \end{cases}$$

که در مرحله اول چون d مجهول است $k_b = 0.825$ فرض می شود.
 k_c : با استفاده کتاب شیگلی، بدست خواهد آمد:

$$k_c = 1$$

$k_d = 1$ چون دما کمتر از 20° است لذا 1.01 در نظر گرفته می شود

$$S_e = 321.11$$

نقطه G (محل خطرناک) را تحلیل می کنیم. برای این کار حساسیت چاک حدس زده و ضرایب تمرکز تنش محاسبه می شود:

$$q = 0.915 \rightarrow K_f = 2.044$$

$$q_s = 0.99 \rightarrow K_{fs} = 2.98$$

گیر

$$d = \left(\frac{8n.A}{\pi.S_e} \left\{ 1 + \left[1 + \left(\frac{2BSe}{AS_{ut}} \right)^2 \right]^{0.5} \right\} \right)^{\frac{1}{3}}$$

$$A = \sqrt{4 \times (K_f M_a)^2 + 3 \times (K_{fs} T_a)^2} = 10.25 \times 10^6$$

$$B = \sqrt{4 \times (K_f M_m)^2 + 3 \times (K_{fs} T_m)^2} = 14.18 \times 10^6$$

$$d = 83.75(mm)$$

حال به اصلاح حدس ها می پردازیم. ضرایب تمرکز تنش تغییری نمی کند. برای اصلاح ضریب اندازه داریم:

$$k_b = 1.51 d^{-0.157} = 1.51 (83.75)^{-0.157} = 0.7534$$

$$S_e = 293.27 \text{ Mpa} \rightarrow d = 85.7 \text{ mm}$$

لذا قطر شفت می شود: $d = 85(mm)$

۳-۴-۲) طراحی خار چرخ حلزونی :

با توجه به جدول ضمیمه خار، برای چرخنده حلزونی، با استفاده از قطر شفت، خار 22×14 انتخاب می شود.



Bridge crane

$$F = \frac{T}{d} = \frac{2.747 \times 10^6}{\frac{85}{2}} = 64.63 \text{ KN}$$

$$\ell_c = \frac{2FN}{hS_y} = \frac{2 \times 64630 \times 3.15}{14 \times 260} = 111.8 \text{ (mm)}$$

طراحی خار تبلک :

$$F = \frac{T}{d} = \frac{13270 \times 224}{\frac{85}{2}} = 69.94 \text{ (KN)}$$

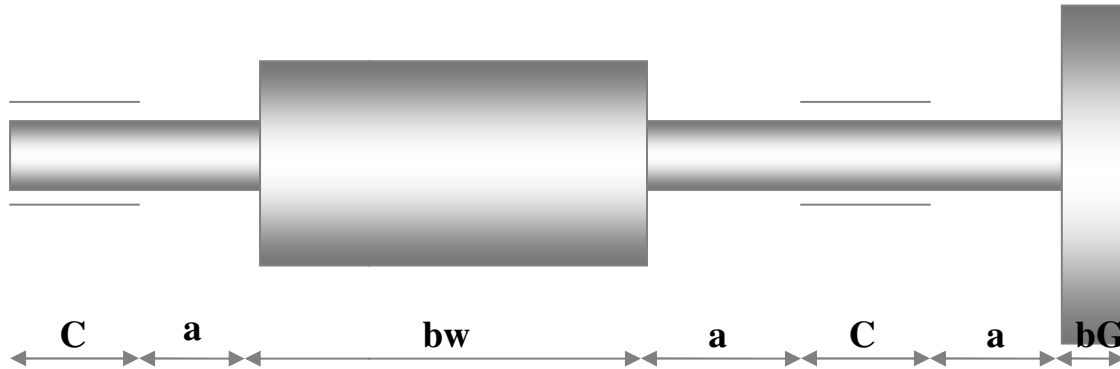
$$\ell_c = \frac{2FN}{hS_y} = \frac{2 \times 69940 \times 3.15}{14 \times 290} = 108.5 \text{ (mm)}$$

Bridge crane



۳-۴-۱) تحلیل شفت حلزون :

برای طراحی شفت لازم است تا ابتدا طول شفت محاسبه شود و سپس با قراردادن نیروها روی آن و محاسبه عکس العمل تکیه‌گاه‌ها قطر شفت بدست آید. جهت محاسبه طول شفتها بر اساس شکل زیر عمل می‌کنیم.



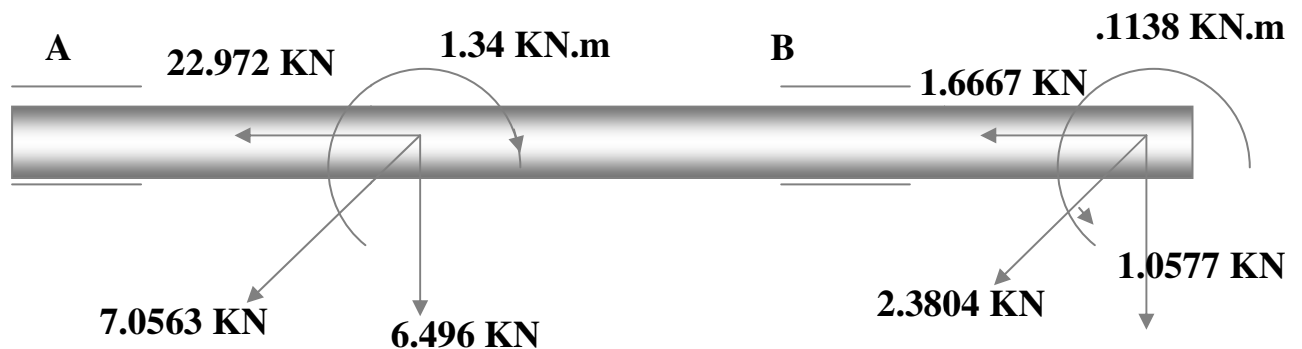
$$L = b_w + b_G + 3a + 2c = 544.3 \text{ mm}$$

پس از بدست آوردن طول شفت‌ها باید نیروهای وارده بر چرخنده‌ها محاسبه شوند. در طراحی شفت حلزون تمام نیروهای روی حلزون عیناً مانند حالت قبل اما در جهت مخالف اعمال میشوند. نیروهای وارد شده به چرخنده مارپیچ از روش زیر بدست می‌آید.

$$\text{Helical Gear} \begin{cases} W_r = W \times \sin \phi_n = 1.0577 \text{ KN} \\ W_t = W \times \cos \phi_n \times \sin \phi = 2.3804 \text{ KN} \\ W_a = W \times \cos \phi_n \times \cos \phi = 1.6667 \text{ KN} \end{cases}$$

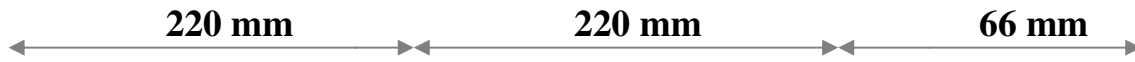
برای محاسبه گشتاور پیچشی کفایت نیروی مماسی چرخنده مارپیچ در شعاع آن ضرب شود.

$$T = W_t \times r = 162.58 \text{ KN.mm}$$





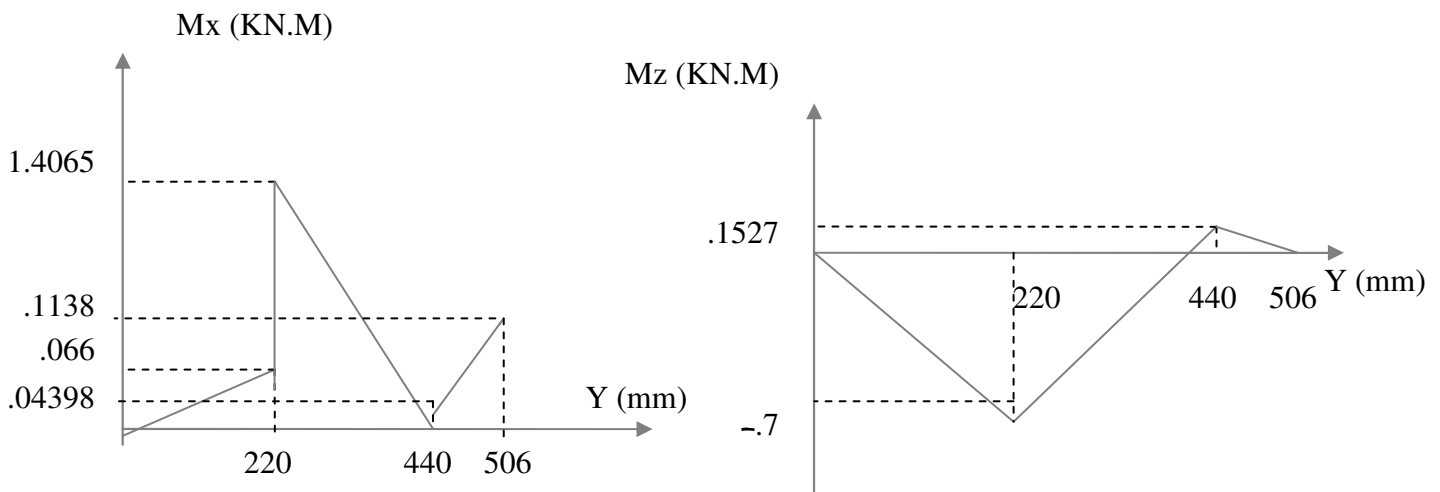
Bridge crane



با توجه به شکل بالا و داده های موجود به محاسبات مربوط به شفت می پردازیم.

$$\begin{aligned} \sum M_x^B = 0 &\Rightarrow F_z^A = .3025 \text{ KN} & \sum F_z = 0 &\Rightarrow F_z^B = 7.2512 \text{ KN} \\ \sum M_z^A = 0 &\Rightarrow F_x^B = -6.265 \text{ KN} & \sum F_x = 0 &\Rightarrow F_x^A = -3.181 \text{ KN} \end{aligned}$$

پس از بدست آوردن عکس العملهای تکیه گاه ها به رسم نمودار لنگرها می پردازیم :



با توجه به نمودارها گشتاورهای نقطه خطرناک شفت (حلزون) را که بر اساس بیشترین خمش و پیچش می باشد بدست می آوریم:

$$M_m = .7365 \times 10^6 \text{ N.mm} \quad M_a = .9689 \times 10^6 \text{ N.mm} \quad T = .1626 \times 10^6 \text{ N.mm}$$

Bridge crane



فرضیات و حدسیات همانند شفت چرخ حلزون است.
گیر:

$$d = \left(\frac{8n.A}{\pi.S_e} \left\{ 1 + \left[1 + \left(\frac{2BSe}{AS_{ut}} \right)^2 \right]^{.5} \right\} \right)^{\frac{1}{3}}$$

$$A = \sqrt{4 \times (K_f M_a)^2 + 3 \times (K_{fs} T_a)^2} = 3.96 \times 10^6$$

$$B = \sqrt{4 \times (K_f M_m)^2 + 3 \times (K_{fs} T_m)^2} = 3.125 \times 10^6$$

$$d = 59.26 (mm)$$

حال به اصلاح حدس ها می پردازیم. ضرایب تمرکز تنش تغییری نمی کند. برای اصلاح ضریب اندازه داریم:

$$k_b = 1.51 d^{-0.157} = 1.51 (59.26)^{-0.157} = .795$$

$$S_e = 309.43 \text{ Mpa} \rightarrow d = 59.92 \text{ mm}$$

لذا قطر شفت می شود: $d = 60 (mm)$

۳-۴-۲) طراحی خار حلزونی :

با توجه به جدول ضمیمه خار، برای چرخنده حلزونی، با استفاده از قطر شفت، خار 18×11 انتخاب می شود.

$$F = \frac{W_t \times r_w}{\frac{d}{2}} = \frac{7056 \times 58.45}{\frac{60}{2}} = 13.75 \text{ KN}$$

$$\ell_c = \frac{2FN}{hS_y} = \frac{2 \times 13750 \times 3.15}{11 \times 260} = 30.28 \text{ (mm)}$$

۳-۴-۲) طراحی خار چرخنده مارپیچ :

با توجه به جدول ضمیمه خار، برای چرخنده حلزونی، با استفاده از قطر شفت، خار 18×11 انتخاب می شود.

$$F = \frac{W_t \times r_G}{\frac{d}{2}} = \frac{2380 \times 68.4}{\frac{60}{2}} = 5.42 \text{ KN}$$



Bridge crane

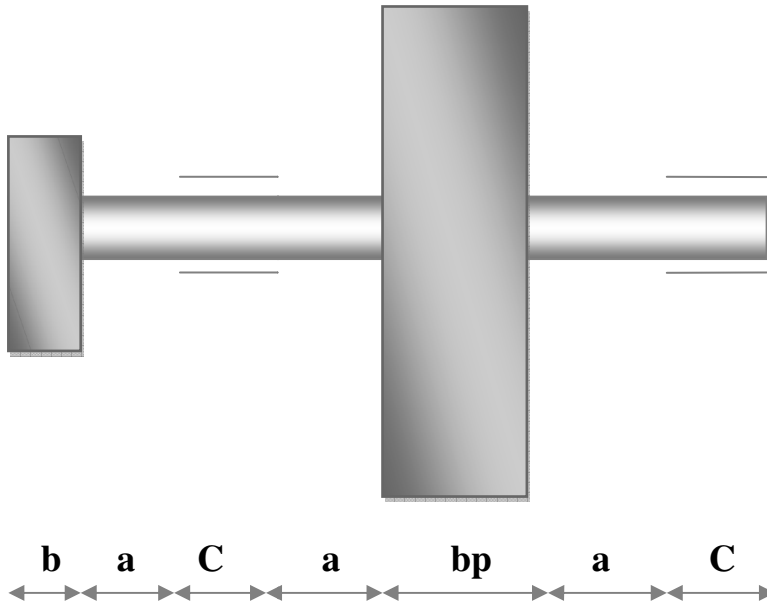
$$\ell_c = \frac{2FN}{hS_y} = \frac{2 \times 5420 \times 3.15}{11 \times 260} = 11.94 \text{ (mm)}$$

Bridge crane



طراحی شفت کوپل شده به موتور:

جهت محاسبه طول شفتها بر اساس شکل زیر عمل می کنیم.

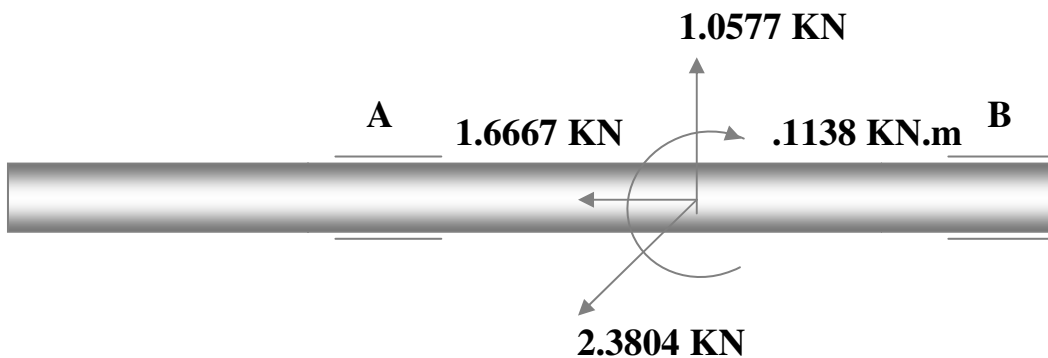


$$L = b + b_p + 3a + 2c = 215.13 \text{ mm}$$

در طراحی شفت مارپیچ تمام نیروهای روی پینیون عیناً مانند حالت قبل اما در جهت مخالف اعمال میشوند.

برای محاسبه گشتاور پیچشی کفایت نیروی مماسی چرخنده مارپیچ در شعاع آن ضرب شود.

$$T = W_t \times r = 76.173 \text{ KN.mm}$$



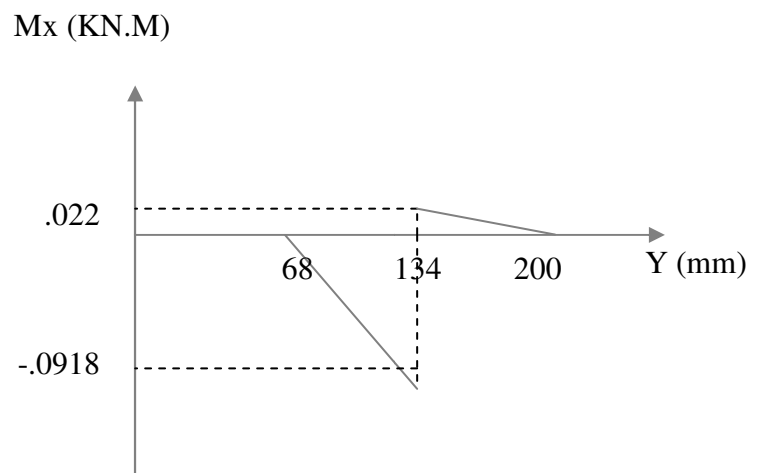
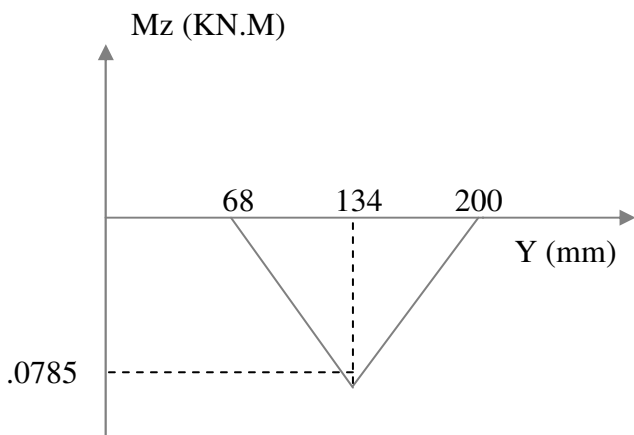


Bridge crane



$$\begin{aligned} \sum M_z^B = 0 &\Rightarrow F_z^A = -1.391 \text{ KN} & \sum F_z = 0 &\Rightarrow F_z^B = .3332 \text{ KN} \\ \sum M_z^A = 0 &\Rightarrow F_x^B = 1.19 \text{ KN} & \sum F_x = 0 &\Rightarrow F_x^A = 1.19 \text{ KN} \end{aligned}$$

پس از بدست آوردن عکس العملهای تکیه گاه ها به رسم نمودار لنگرها می پردازیم :



Bridge crane



با توجه به نمودارها گشتاورهای نقطه خطرناک شفت (پینیون) را که بر اساس بیشترین خمش و پیچش میباید بدست می آوریم:

$$M_m = -34.9 \times 10^3 \text{ N.mm} \quad M_a = 96.95 \times 10^3 \text{ N.mm} \quad T = 76.173 \times 10^3 \text{ N.mm}$$

فرضیات و حدسیات همانند شفت چرخ حلزون است.
گربر

$$d = \left(\frac{8n.A}{\pi.Se} \left\{ 1 + \left[1 + \left(\frac{2BSe}{AS_{ut}} \right)^2 \right]^{.5} \right\} \right)^{\frac{1}{3}}$$

$$A = \sqrt{4 \times (K_f M_a)^2 + 3 \times (K_{fs} T_a)^2} = .3963 \times 10^6$$

$$B = \sqrt{4 \times (K_f M_m)^2 + 3 \times (K_{fs} T_m)^2} = .4182 \times 10^6$$

$$d = 27.6(\text{mm})$$

حال به اصلاح حدس ها می پردازیم. ضرایب تمرکز تنش تغییری نمی کند. برای اصلاح ضریب اندازه داریم:

$$k_b = 1.51 d^{-0.157} = 1.51 (27.6)^{-0.157} = .89$$

$$S_e = 357.2 \text{ Mpa} \rightarrow d = 27 \text{ mm}$$

$$d = 27.5(\text{mm}) \quad \text{لذا قطر شفت می شود:}$$

۳-۴-۲) طراحی خار پینیون :

با توجه به جدول ضمیمه خار، برای چرخنده حلزونی، با استفاده از قطر شفت، خار 8×7 انتخاب می شود.

$$F = \frac{T}{d} = \frac{76.173 \times 10^3}{\frac{27.5}{2}} = 5.54 \text{ KN}$$



Bridge crane

$$\ell_c = \frac{2FN}{hS_y} = \frac{2 \times 5540 \times 3.15}{11 \times 260} = 12.2 \text{ (mm)}$$

Bridge crane



۳-۵) طراحی و انتخاب برینگ‌های مورد نیاز :

۳-۵-۱) طراحی و انتخاب برینگ‌های مورد نیاز برای شفت چرخ حلزون گیربکس بالا بر: در انتخاب بیرینگها بسته به نوع باری که باید تحمل بکنند از کاتالوگ های شرکت SKF استفاده می‌شود. فرضیاتی که در تمامی مراحل بدست آوردن بیرینگ ها بکار برده خواهد شد به شرح زیر می‌باشد:
 ۱- در روانکاری بیرینگ ها از روانکار با مشخصات زیر استفاده می‌شود. با این فرض که شرایط کاری دستگاه 70 درجه باشد. (پیوست شماره ۱۴)
 روغن مورد استفاده Iso 46 می باشد.

$$v = 16(\text{mm}^2 / \text{s})$$

$$T = 70^\circ$$

۲- عمر مورد نظر برای بیرینگها برای 10 سال و روزی ۱۲ ساعت در نظر گرفته شده است.

$$L = (10 \times 365 \times 60 \times \text{دور} \times \text{عمر(ساعت)}) / 10^6 = \frac{10 \times 365 \times 12 \times 60 \times 22.73}{10^6} = 60 \text{ (میلیون دور)}$$

۳- ضریب اطمینان ۹۸٪ می‌باشد در نتیجه خواهیم داشت: (پیوست شماره ۱۵)

$$a_1 = 3.33$$

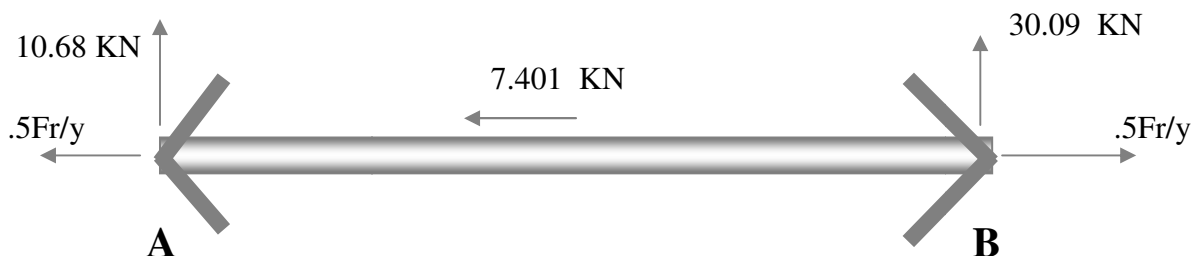
۴- شرایط کاری بلبرینگ نرمال در نظر گرفته می‌شود. $\eta_c = 0.55$

برای شفت چرخ حلزون از رولربیرینگهای مخروطی استفاده نموده ایم چرا که نیروی شعاعی و محوری زیادی تحمل می‌کند.

برای این شفت با توجه به عکس العمل های محاسبه شده در یاتاقانها داریم :

$$F_{rA} = \sqrt{9.844^2 + 4.139^2} = 10.68 \text{ KN}$$

$$F_{rB} = \sqrt{10.41^2 + 28.2346^2} = 30.09 \text{ KN}$$



یاتاقان A و یاتاقان B می‌بایست با هم طراحی شود.

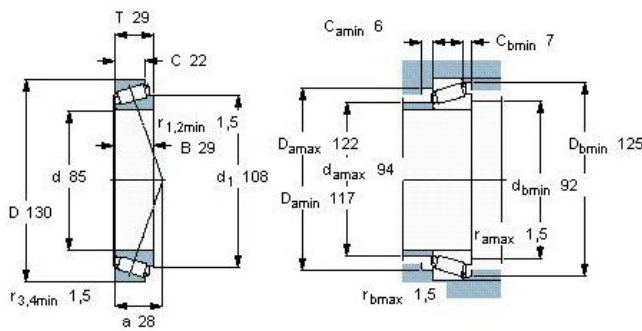
Bridge crane



بر اساس قطر شفت که برابر است با ۸۵ میلیمتر با انتخاب از کوچکترین قطر بیرونی یاتاقان کار را شروع می کنیم.

نوع یاتاقان را از نوع *Tapered roller bearings* و یک ردیفه انتخاب می کنیم.
انتخاب اول برابر است با :
حدس اول:

Tapered roller bearings, single row, metric bearings						Tolerances , see also text			
Product information						Recommended fits			
						Shaft and housing tolerances			
Principal dimensions			Basic load ratings		Fatigue load limit P_u	Speed ratings		Mass	Designation
d	D	T	dynamic C	static C_0		Reference speed	Limiting speed		
mm			kN		kN	r/min		kg	-
85	130	29	140	224	25,5	3400	4800	1,35	32017 X/Q



Calculation factors

$e=0,44$
 $Y=1,35$
 $Y_0=0,8$

برای محاسبه نیروهای افقی وارد بر هر یاتاقان از رابطه ی زیر محاسبه می شود و با استفاده از نرم افزار *skf* داریم :

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{.5F_{rA}}{Y} = 3.955 \\ \frac{.5F_{rB}}{Y} = 11.14 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} F_{aA} = 3.955 \\ F_{aB} = 11.356 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \left(\frac{F_a}{F_r} \right)_A = .37 < e \rightarrow p = 10.68 \text{ KN} \rightarrow a_{skf} = .104 \\ \left(\frac{F_a}{F_r} \right)_B = .37 < e \rightarrow p = 30.09 \text{ KN} \rightarrow a_{skf} = .102 \end{array} \right.$$

$$\left(\begin{array}{l} C_A = 100.31 \text{ KN} < C \quad \text{Right} \\ C_B = 284.3 \text{ KN} > C \quad \text{error} \end{array} \right.$$

Bridge crane

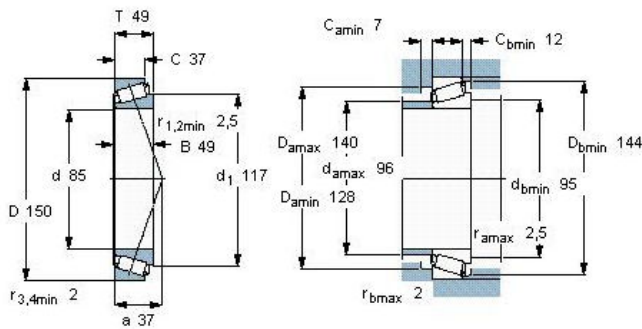


پس نوع یاتاقان مورد استفاده در A برابر است با : **32017X/Q**

یاتاقان A انتخاب شد حال حدس دیگری برای یاتاقان B زده می شود با مراجعه به skf اولین C بزرگتر از آن را انتخاب و با قبلی مقایسه می کنیم.

حدس دوم

Tapered roller bearings, single row, metric bearings							Tolerances , see also text		Recommended fits		Shaft and housing tolerances	
Principal dimensions			Basic load ratings		Fatigue load limit P_u	Speed ratings		Mass	Designation			
d	D	T	dynamic	static		Reference speed	Limiting speed					
mm			kN	kN	kN	r/min	kg					
85	150	49	286	430	48	3000	4300	3,70	33217/Q			



Calculation factors
 e 0,43
 Y 1,4
 Y_0 0,8

$$\left\{ \frac{.5F_{rB}}{Y} = 10.74 \Rightarrow F_{aB} = 11.356 \Rightarrow \left(\frac{F_a}{F_r} \right)_B = .37 < e \rightarrow p = 30.09 \text{ KN} \rightarrow a_{skf} = .103 \right.$$

$$(C_B = 283 \text{ KN} < C \quad \text{Right})$$

پس نوع یاتاقان مورد استفاده در B برابر است با : **33217/Q**

Bridge crane



۳-۵-۱) طراحی و انتخاب برینگ‌های مورد نیاز برای شفت حلزون گیربکس بالابر:

۱- در روانکاری بیرینگ‌ها از روانکار با مشخصات زیر استفاده می‌شود. با این فرض که شرایط کاری دستگاه 70 درجه باشد.
روغن مورد استفاده ISO 46 می‌باشد.

$$v = 16(\text{mm}^2 / \text{s})$$

$$T = 70^\circ$$

۲- عمر مورد نظر برای بیرینگ‌ها برای 10 سال و روزی ۱۲ ساعت در نظر گرفته شده است.

$$L = (\text{میلیون دور}) = \frac{10 \times 365 \times 12 \times 60 \times 454.7}{10^6} = 1200$$

۳- ضریب اطمینان ۹۸٪ می‌باشد در نتیجه خواهیم داشت: (پیوست شماره ۱۵)

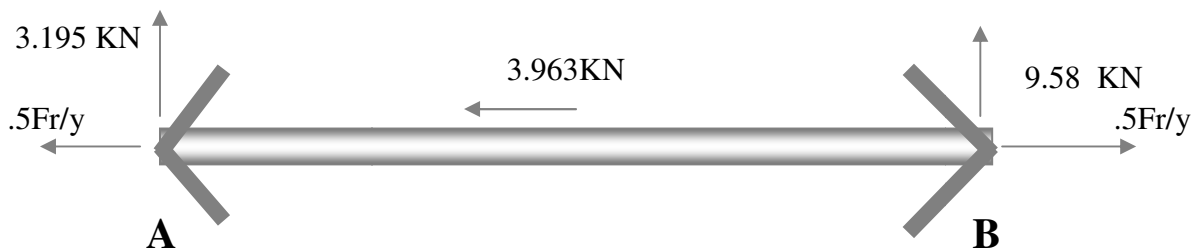
$$a_1 = 0.33$$

$$\eta_c = 0.55$$

۴- شرایط کاری بلبرینگ نرمال در نظر گرفته می‌شود.

برای شفت چرخ حلزون از رولربرینگ‌های مخروطی استفاده نموده ایم چرا که نیروی شعاعی و محوری زیادی تحمل می‌کند.

برای این شفت با توجه به عکس العمل‌های محاسبه شده در یاتاقانها داریم :



یاتاقان A و یاتاقان B می‌بایست با هم طراحی شود.

بر اساس قطر شفت که برابر است با ۶۰ میلیمتر با انتخاب از کوچکترین قطر بیرونی یاتاقان کار را شروع می‌کنیم.

نوع یاتاقان را از نوع *Tapered roller bearings* و یک ردیفه انتخاب می‌کنیم.

انتخاب اول برابر است با :

حدس اول:



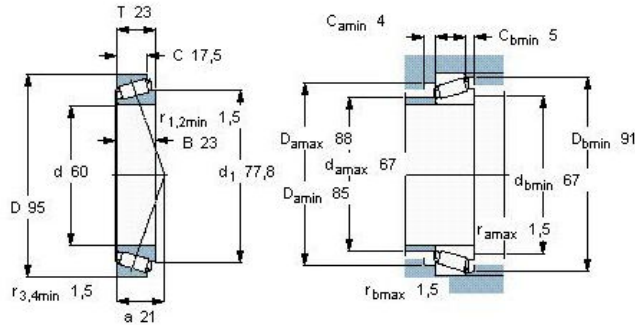
Bridge crane

Tapered roller bearings, single row, metric bearings

Product information

Tolerances, see also text
Recommended fits
Shaft and housing tolerances

Principal dimensions			Basic load ratings		Fatigue load limit P_u	Speed ratings		Mass	Designation
d	D	T	dynamic	static		Reference speed	Limiting speed		
mm			kN	C_0	kN	r/min		kg	-
60	95	23	95	122	13,4	5300	6700	0,59	32012 X/QCL7C *



Calculation factors

$e=0,43$
 $Y=1,4$
 $Y_0=0,8$

برای محاسبه نیروهای افقی وارد بر هر یاتاقان از رابطه ی زیر محاسبه می شود و با استفاده از نرم افزار *skf* داریم :

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{.5F_{rA}}{Y} = 1.141 \\ \frac{.5F_{rB}}{Y} = 3.421 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} F_{aA} = 1.141 \\ F_{aB} = 5.104 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \left(\frac{F_a}{F_r} \right)_A = .35 < e \rightarrow p = 3.195 \text{ KN} \rightarrow a_{skf} = 7.93 \\ \left(\frac{F_a}{F_r} \right)_B = .53 > e \rightarrow p = 10.98 \text{ KN} \rightarrow a_{skf} = 1.12 \end{array} \right.$$

$$\left(\begin{array}{l} C_A = 20.08 \text{ KN} < C \quad \text{Right} \\ C_B = 124.17 \text{ KN} > C \quad \text{error} \end{array} \right.$$

پس نوع یاتاقان مورد استفاده در A برابر است با : **32012X/QCL7C***

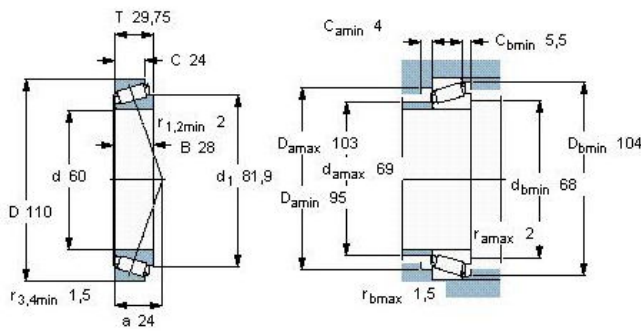
یاتاقان A انتخاب شد حال حدس دیگری برای یاتاقان B زده می شود با مراجعه به *skf* اولین بزرگتر از آن را انتخاب و با قبلی مقایسه می کنیم.



Bridge crane

حَدَس دوم

Tapered roller bearings, single row, metric bearings						Tolerances , see also text		Recommended fits		Shaft and housing tolerances
Principal dimensions			Basic load ratings		Fatigue load limit P_u	Speed ratings		Mass	Designation	
d	D	T	dynamic	static		Reference speed	Limiting speed			
mm			kN	kN	kN	r/min		kg	-	
60	110	29,75	125	160	18,6	4500	6000	1,15	32212 J2/Q	



Calculation factors

e 0,4
Y 1,5
Y₀ 0,8

$$\left\{ \frac{.5F_{rB}}{Y} = 3.19 \Rightarrow F_{aB} = 5.104 \Rightarrow \left(\frac{F_a}{F_r} \right)_B = .53 > e \rightarrow p = 11.48 \text{ KN} \rightarrow a_{skf} = 1.18 \right.$$

$$(C_B = 127.8 \text{ KN} > C \quad \text{Error})$$

حَدَس سوم



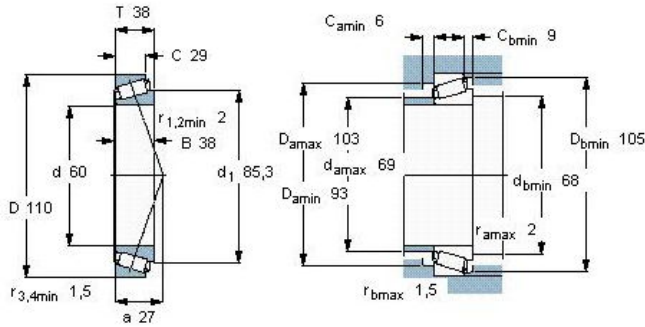
Bridge crane

Tapered roller bearings, single row, metric bearings

Product information

Tolerances, see also text
Recommended fits
Shaft and housing tolerances

Principal dimensions			Basic load ratings		Fatigue load limit P_u	Speed ratings		Mass	Designation
d	D	T	dynamic	static		Reference speed	Limiting speed		
mm			kN		kN	r/min		kg	-
60	110	38	168	236	26,5	4000	6000	1,60	33212/Q



Calculation factors

$e = 0,4$
 $Y = 1,5$
 $Y_0 = 0,8$

$$\left\{ \frac{.5F_{rB}}{Y} = 3.19 \Rightarrow |F_{aB}| = 5.104 \Rightarrow \left(\frac{F_a}{F_r} \right)_B = .53 > e \rightarrow p = 11.48 \text{ KN} \rightarrow a_{skf} = 1.83 \right.$$

$$(C_B = 112 \text{ KN} < C \quad \text{Right})$$

پس نوع یاتاقان مورد استفاده در B برابر است با : **33212/Q**

Bridge crane



۳-۵-۱) طراحی و انتخاب برینگ‌های مورد نیاز برای شفت چرخ‌دنده مارپیچ گیربکس بالابر:
 ۱- در روانکاری بیرینگ‌ها از روانکار با مشخصات زیر استفاده می‌شود. با این فرض که شرایط کاری دستگاه 70 درجه باشد.
 روغن مورد استفاده ISO 46 می‌باشد.

$$v = 16 (mm^2 / s)$$

$$T = 70^\circ$$

۲- عمر مورد نظر برای بیرینگ‌ها برای 10 سال و روزی ۱۲ ساعت در نظر گرفته شده است.

$$L = (10 \times 365 \times 60 \times \text{دور} \times \text{عمر(ساعت)}) / 10^6 = \frac{10 \times 365 \times 12 \times 60 \times 967}{10^6} = 2541 \text{ (میلیون دور)}$$

۳- ضریب اطمینان ۹۸٪ می‌باشد در نتیجه خواهیم داشت: (پیوست شماره ۱۵)

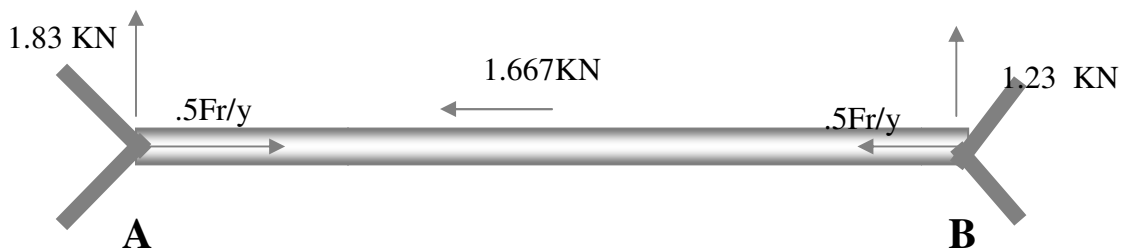
$$a_1 = 0.33$$

$$\eta_c = 0.55$$

۴- شرایط کاری بلبرینگ نرمال در نظر گرفته می‌شود.

برای شفت چرخ حلزون از رولربیرینگ‌های مخروطی استفاده نموده ایم چرا که نیروی شعاعی و محوری زیادی تحمل می‌کند.

برای این شفت با توجه به عکس العمل‌های محاسبه شده در یاتاقانها داریم :



یاتاقان A و یاتاقان B می‌بایست با هم طراحی شود.

بر اساس قطر شفت که برابر است با 27.5 میلیمتر با انتخاب از کوچکترین قطر بیرونی یاتاقان کار را شروع می‌کنیم.

نوع یاتاقان را از نوع *Tapered roller bearings* و یک ردیفه انتخاب می‌کنیم.

انتخاب اول برابر است با :

حدس اول:



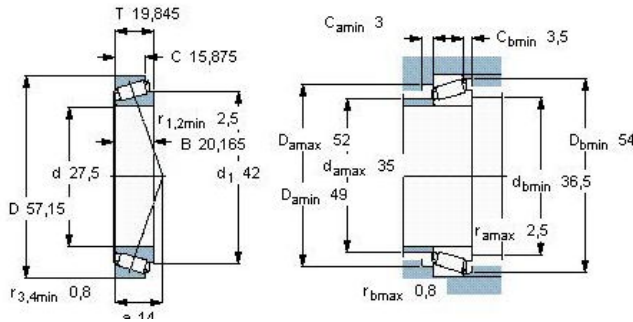
Bridge crane

Tapered roller bearings, single row, inch bearings

Product information

Tolerances, see also text
Recommended fits
Shaft and housing tolerances

Principal dimensions			Basic load ratings		Fatigue load limit P_u	Speed ratings		Mass	Designation
d	D	T	dynamic	static		Reference speed	Limiting speed		
mm			kN	kN	kN	r/min		kg	-
27,5	57,15	19,845	45,7	51	5,6	9000	13000	0,22	1982 F/1924 A/QVQ519



Calculation factors

e 0,33
 Y 1,8
 Y_0 1

برای محاسبه نیروهای افقی وارد بر هر یاتاقان از رابطه ی زیر محاسبه می شود و با استفاده از نرم افزار skf داریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{.5F_{rA}}{Y} = .5083 \\ \frac{.5F_{rB}}{Y} = .3416 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} F_{aA} = 2 \\ F_{aB} = .34161 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \left(\frac{F_a}{F_r} \right)_A = 1.1 > e \rightarrow p = 4.332 \text{ KN} \rightarrow a_{skf} = 1.61 \\ \left(\frac{F_a}{F_r} \right)_B = .277 < e \rightarrow p = 1.23 \text{ KN} \rightarrow a_{skf} = 18 \end{array} \right.$$

$$\left(\begin{array}{l} C_A = 55.02 \text{ KN} > C \quad \text{error} \\ C_B = 7.573 \text{ KN} < C \quad \text{Right} \end{array} \right.$$

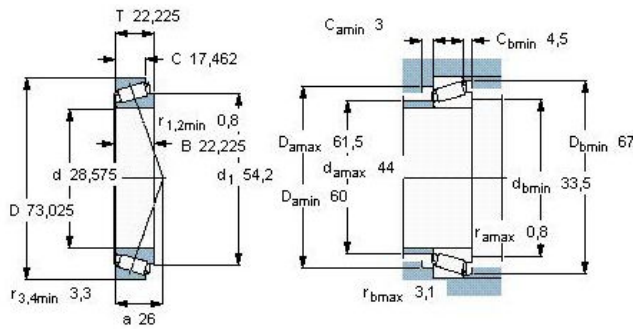
پس نوع یاتاقان مورد استفاده در B برابر است با: **1982 F/1924 A/QVQ519**
یاتاقان B انتخاب شد حال حدس دیگری برای یاتاقان A زده می شود بدلیل اینکه انتخاب دیگری در چنین قطری نداریم قطر داخلی آنرا توسط بوش به 28.575 میلیمتر می رسانیم.



Bridge crane

حدس دوم

Tapered roller bearings, single row, inch bearings							Tolerances , see also text		Recommended fits		Shaft and housing tolerances	
Principal dimensions			Basic load ratings		Fatigue load limit P_u	Speed ratings		Mass	Designation			
d	D	T	dynamic	static		Reference speed	Limiting speed					
mm			kN		kN	r/min		kg	-			
28,575	73,025	22,225	99	140	15	7000	10000	1,05	02872/02820/Q			



$$\left\{ \frac{.5F_{rA}}{Y} = .704 \Rightarrow F_{aA} = 2 \Rightarrow \left(\frac{F_a}{F_r} \right)_A = 1.1 > e \rightarrow p = 3.332 \text{ KN} \rightarrow a_{skf} = 25.5$$

$$(C_B = 18.48 \text{ KN} < C \quad \text{Right})$$

پس نوع یاتاقان مورد استفاده در A برابر است با : 02872/02820/Q



Bridge crane

طراحی پیچ

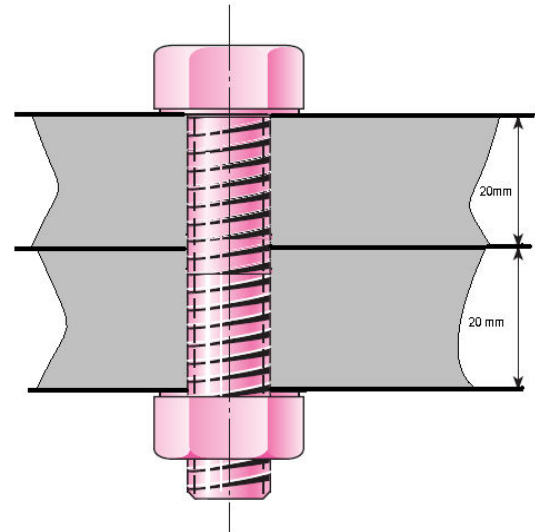
کیلوگرم ۵۴۰۰: جرم کل متصل به پیچ ها (موتور،

گیربکس، کابل، بار و ...)

۴: تعداد پیچ ها

F: نیروی وارد بر هر پیچ

$$\delta = \frac{5400 * 9.81}{4} = 13243.5N$$



قطر پیچ 16 میلیمتر، از کلاس 12.9 حدس زده می شود:

Property Class	Size Range, Inclusive	Minimum Proof Strength,† MPa	Minimum Tensile Strength,† MPa	Minimum Yield Strength,† MPa	Material	Head Marking
12.9	M1.6–M36	970	1220	1100	Alloy, Q&T	

$$d = 16 \quad p = 2 \quad A_s = 157$$

$$F_i = 0.75 F_{proof} = 0.75 A_s S_p = 0.75 * 157 * 970 = 114217.5N$$

$$K_{pi} = \frac{0.5774 \pi E_i d}{\ln \left[\frac{(1.155t + D - d)(D + d)}{(1.155t + D + d)(D - d)} \right]} \Rightarrow K_{pi} = 6661109.5$$

$$K_p = \frac{K_{pi}}{2} = 3330554.8$$



Bridge crane

$$d = 16 \quad p = 2 \quad A_s = 157$$

$$F_i = 0.75 F_{proof} = 0.75 A_s S_p = 0.75 * 157 * 970 = 114217.5 N$$

$$K_b = K_t = \frac{157 * 207 * 10^3}{40} = 812475$$

$$C = \frac{K_b}{K_b + K_p} = 0.2 \Rightarrow F_b = C n F + F_i = 0.2 * n * 13243.5 + 114217.5$$

$$\sigma_t = \frac{F_b}{A_s} = 16.9n + 727.5 \quad \sigma_t = \frac{0.38 F_b \left(\frac{d_p - d_r}{2} \right)}{\frac{1}{6} \pi d_r p} = \frac{0.38 * F_b * 0.58}{\frac{1}{6} * \pi * 13.54 * 2^2} = 20.6n + 887.7$$

$$\sigma_{VOM} = \frac{1}{\sqrt{2}} \sqrt{(\sigma_t)^2 + (\sigma_b)^2 + (\sigma_t + \sigma_b)^2} \Rightarrow \sigma_{VOM} = S_p \Rightarrow n = 7$$

$$A_t = \frac{F}{\frac{S_p}{n}} = 107 \Rightarrow M16$$



طراحی و انتخاب موتور گیربکس لازم برای حرکت موئور وینچ روی تیر:

برای طراحی این گیربکس از یک چرخنده حلزونی درگیر با چرخ حلزون استفاده نموده ایم. برای حرکت شاسی روی تیر نیز قصد داریم به طراحی غلتک هایی که به شفت چرخ حلزون متصل هستند پردازیم. که در ادامه اصول طراحی تک تک این قطعات شرح داده میشود.

طراحی غلتک :

جهت طراحی موئور باید دور خروج را داشته باشیم و چون شفت گیربکس مستقیماً به غلتکها متصل است ابتدا به طراحی غلتکها می پردازیم:

هنگامی که دو جسم با سطوح خمیده به هم فشرده می شوند، نقطه یا خط تماس آنها به یک سطح تماس تبدیل می شود. چنانچه این دو سطح استوانه ای باشند سطح تماس یک مستطیل بوده که تنش روی آن توزیع می شود.

در طراحی غلتک فرض می شود دو استوانه با قطرهای d_1 و d_2 بر روی هم فشار وارد می کنند که در این حالت قطر تیر بینهایت می باشد.

جنس غلتک با توجه به کتاب استاندارد های ماشین سازی از فولاد کربوره $MOCr4$ با مشخصات زیر انتخاب می شود:

$$S_{ut} = 1080(Mpa) \quad S_y = 590(Mpa) \quad E = 207(Gpa)$$

$$f.s = 3$$

$$\sigma = \frac{S_y}{f.s} = \frac{590}{3} = 196.7 Mpa$$

$$\sigma = \frac{2F}{\pi b L} = P_{max} \Rightarrow b = \frac{2F}{\pi L P_{max}}$$

برای محاسبه F لازم است تا جرم کل را داشته باشیم.

اما به دلیل اینکه هنوز گیربکس محرک را طراحی نکرده ایم برای ادامه کار با حدس وزن برای گیربکس دوم و محاسبه وزن دیگر قطعات به ادامه کار می پردازیم. (جرم موئور دوم ۲۰ و جرم گیربکس دوم ۵۰ در نظر گرفته شده است).

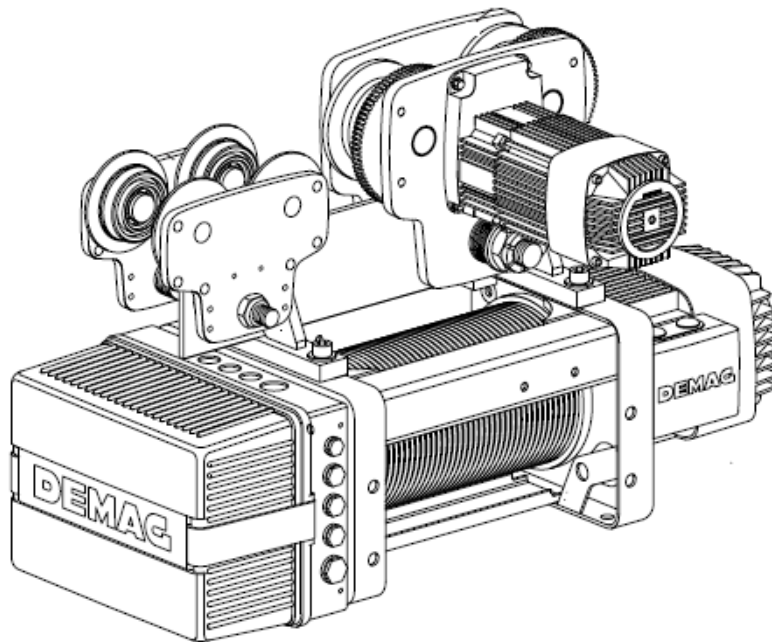
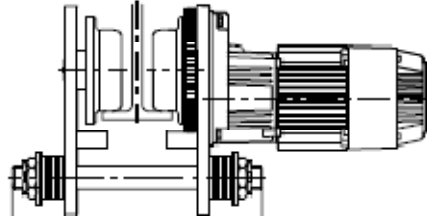
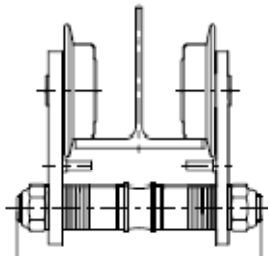
(طبلک + قرقره ها + فلاپ + الکترو موئور ها + گیربکس ها + کابل + بار) = جرم وارده به غلتک ها

$$5415 = (5000 + 21.5 + 50 + 100 + 20 + 97.5 + 5 + 50 + 71)$$

$$\text{وزن کل} = 9.81 \times 5415 = 53121.15(N)$$

با توجه به کاتالوگ شرکت دماغ و اینکه جرم زیادی باید توسط وینچ رو تیر عرضی حرکت کند تعداد ۸ چرخ برای ترولی در نظر گرفته شده است:

Bridge crane



به منظور راحتی در محاسبات، چرخ ها هم اندازه در نظر گرفته می شوند، همچنین پهنای انتخابی چرخ ها ۱۳۰ میلیمتر می باشد:

$$F = \frac{53121.15}{8} = 6640(N)$$

$$b = \frac{2F}{\pi L P_{\max}} = \frac{2 \times 6640}{\pi \times 130 \times 196.7} = 0.165 (mm)$$

$$b = \left\{ \frac{2F}{\pi L} \frac{\frac{1-v_1^2}{E_1} + \frac{1-v_2^2}{E_2}}{\frac{1}{d_1} + \frac{1}{d_2}} \right\}^{1/2} \quad v_1 = v_2 = 0.3 \quad E_1 = E_2 = 207Gpa \quad d_1 = \infty$$

$$d_2 = 190.4 (mm) \Rightarrow d_{std} = 200$$

با رجوع به جدول مربوط به چرخ های استاندارد که در ضمیمه ۳ - ۱ آمده است قطر چرخ را به $d = 200mm$ استاندارد می نمایم.

Bridge crane



محور چرخ کرین

برای محور چرخ کرین از میله فولادی به شماره $AISI103, Q \& T$ استفاده می کنیم:

$$S_{ut} = 848 \text{ MPa} \quad , \quad S_y = 648 \text{ MPa}$$

می دانیم که:

$$\frac{S_y}{\sqrt{3} f.s.} = \sigma_{vom} = \sqrt{\sigma^2 + 3\tau^2}$$

اگر طول محور چرخ کرین را 150 mm فرض کنیم داریم:

$$\frac{S_y}{\sqrt{3} f.s.} = \frac{648}{\sqrt{3} \times 3} = 124.71$$

$$\sigma = \frac{MC}{I} = \frac{FL d/2}{\pi \frac{d^4}{64}} = \frac{6640 \times 150 \times 32}{\pi d^3} = \frac{10^7}{d^3}$$

$$\tau = \frac{4}{3} \frac{v}{A} = \frac{16F}{3\pi d^2} = \frac{16 \times 6640}{3\pi d^2} = \frac{11272.4}{d^2}$$

$$124.71 = \sqrt{\left(\frac{10^7}{d^3}\right)^2 + 3\left(\frac{11272.4}{d^2}\right)^2}$$

$$\rightarrow d = 43.17 \text{ mm}$$

طبق جدول مربوط به مفتول های فولادی که در ضمیمه ۳-۲ آمده است قطر را 50 mm در نظر گرفته می شود که همان قطر داخلی چرخ کرین است.

طراحی و انتخاب موتور گیربکس محرک:

برای طراحی موتور گیربکس با انتخاب موتور گیربکسی مناسب از کاتالوگ موتورهای شرکت موتوژن به طراحی گیربکس می پردازیم و با بدست آوردن بازده و توان خروجی به انتخاب موتوری مناسب با توان ورودی بدست آمده می پردازیم.

Bridge crane



قبل از ادامه کار لازم است سرعت حرکت مشخص شود تا به کمک آن بتوان توان را محاسبه نمود. طبق مصاحبه انجام شده با آقای مهندس عابدی مدیر فنی شرکت دماوند سرعت استاندارد وینچ برای جرثقیل های سقفی بین ۱۲ تا ۱۶ متر بر دقیقه می باشد که در این پروژه از سرعت ۱۴ متر بر دقیقه وشتاب ۰/۱۲ متر بر مجذور ثانیه استفاده شده است.

برای محاسبه توان به نیروی وارده کل نیز نیاز داریم. در قسمت قبل برای محاسبه نیروی وارد بر غلتک ها جرم را ۵۴۱۵ کیلوگرم در نظر گرفتیم که با احتساب جرم غلتک ها و محورشان (۱۲۰ کیلوگرم) و سایر اجزا شامل پیچ ها، قطعات اتصالی، جعبه چرخنده ها و ... (۱۵ کیلوگرم) جرم کل را خواهیم داشت:

$$5550 = 5415 + 120 + 15 \text{ کیلوگرم}$$

نکته: با مراجعه به ماشین هندبوک ۲۷، ضریب اصطکاک برای تماس استیل با استیل را میتوان با روغن کاری خوب به ۰/۰۴ رسانید.

$$F = M(a + \mu g) \Rightarrow F = 5550(0.012 + 0.04 \times 9.81) \Rightarrow F = 2244.42 \text{ N}$$

$$P = F.V = 2244.42 \times 14 \times \frac{1}{60} = 523.7 \text{ w}$$

با تحقیقاتی که انجام شد، به این نتیجه رسیدیم که این توان باید در ضریبی به نام **overload factor** که بین ۱ تا ۱/۵ است ضرب شود تا توان خروجی واقعی محاسبه شود:

$$P = 523.7 \times 1.3 = 680.8 \text{ w} = 0.68 \text{ Kw}$$

$$\text{سرعت دورانی غلتک} = \frac{V}{d} = \frac{0.23}{0.2} = 2.3 \frac{\text{rad}}{\text{s}} = 21.96 \text{ rpm} \approx 22 \text{ rpm}$$

با توجه به سرعت دورانی غلتک که همان خروجی گیربکس است، و با در نظر گرفتن اینکه توان محاسبه شده در بالا باید بر بازده گیربکس تقسیم شود تا توان ورودی محاسبه شود که مسلماً بزرگتر از توان خروجی خواهد بود و همچنین مشاهده سرعت های خروجی در کاتالوگ مربوط به شرکت موتوژن مشخص می شود که نسبت سرعت حدود ۳۰ تا ۴۰ خواهد بود. پس گیربکس مورد استفاده باید از نوع حلزون و چرخ حلزون باشد. به همین منظور بازده را ۷۰ درصد حدس میزنیم و به انتخاب موتور می پردازیم، سپس حلزون و چرخ حلزون را حل کرده و بازده را با بازده فرضی مقایسه می کنیم.

$$\eta = \frac{P_{out}}{P_{in}} \times 100 \Rightarrow 70 = \frac{0.68}{P_{in}} \times 100 \Rightarrow P_{in} = 0.97 \text{ Kw}$$

حال با داشتن توان ورودی به گیربکس، موتوری مناسب را انتخاب می نمایم:

جرم (Kg)	دور خروج (rpm)	توان (kw)	تیپ موتور
20	645	1.1	100L8G

طراحی چرخنده حلزونی و چرخ حلزون:

Bridge crane



$$m_G = \frac{645}{22} = 29.3 = 30$$

فرضیات:

یک چرخنده حلزونی فولادی درگیر با چرخ حلزون فولادی ریخته گری ماسه، که نسبت دور آنها ۳۰ و توان ورودی ۱.۱Kw می باشد. ضریب طراحی ۲.۵ و دمای کاری ۱۲۰° درجه و شرایط کاری به گونه ای است که $k_o = 2$ در نظر گرفته میشود.

$$m_G > 20 \Rightarrow N_w = 1 \quad N_G = N_w * m_G \Rightarrow N_G = 30 \times 1 = 30$$

$$d_G = N_G * m \Rightarrow d_G = 30 * 10 = 300 \text{ (mm)}$$

$$d_w = \left(\frac{1}{Q} \right) \left(\frac{d_w + d_G}{2} \right)^{0.875}, \quad Q = 2.09 \text{ for Mid Limit}$$

$$\xrightarrow{\text{iteration}} d_w \Big|_{Q=2.09} = 68.7 \text{ (mm)}$$

$$\lambda = \tan^{-1} \left(\frac{N_w * m_t}{d_w} \right) \Rightarrow \lambda = 8.28^\circ \Rightarrow \phi_n = 14.5^\circ$$

$$V_w = \frac{\pi * d_w * n_w}{60000} \Rightarrow V_w = 2.32 \text{ m/s}$$

$$V_w = \frac{\pi * d_G * n_G}{60000} = 0.35$$

$$V_s = \frac{V_w}{\cos \lambda} = 2.34$$

$$c = \frac{d_w + d_G}{2} > 76$$

$$C_s = 24.486 - 6.28 \log d_G = 8.9$$

$$C_m = 0.0107 * \sqrt{-m_G^2 + 56m_G + 5145} \Rightarrow C_m = 0.82$$

$$C_v = 0.659 e^{(-0.22V_s)} \Rightarrow C_v = 0.39$$

$$f = 0.103 \exp(-1.19V_s^{-0.45}) + 0.012 = 0.058$$

$$\eta = \frac{\cos \phi_n - \mu \tan \lambda}{\cos \phi_n + \mu \cot \lambda} = 0.7$$

$$P_G = \eta * P_w = 0.7 * 1.1 = 0.77 \text{ Kw}$$

$$W_G^t = \frac{K_o H_G n_d}{V_G} = 11000 \text{ w}$$

$$Fe = \frac{W_G^t}{C_s d_G^{0.8} C_m C_v} = 40.3 \text{ mm}$$

$$d_w = 68.7 \Rightarrow \frac{d_w}{2} = 34.35 \quad \frac{2d_w}{3} = 45.8 \Rightarrow \frac{d_w}{2} < Fe < \frac{2d_w}{3}$$

Bridge crane



$$m = 10$$

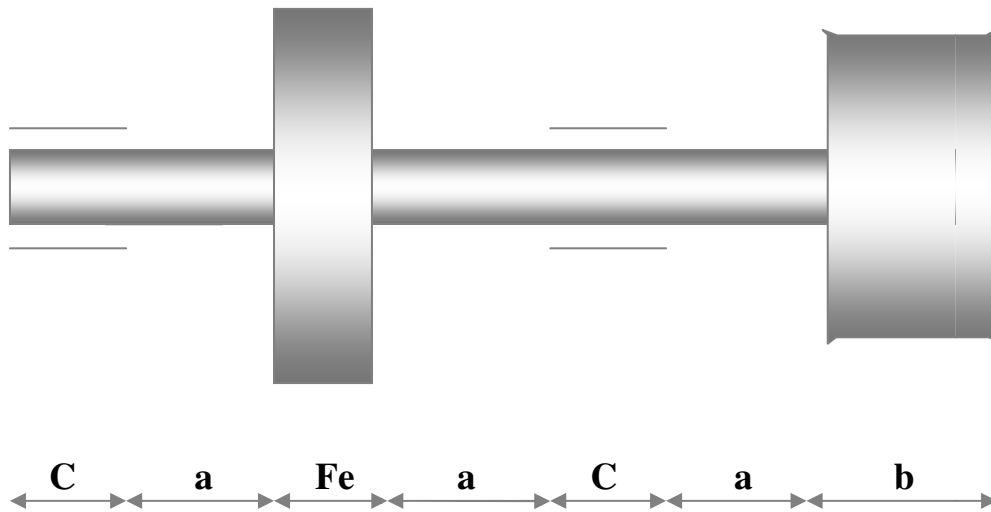
$$F_e = 40.3 \text{ mm}$$

Bridge crane



- ۴- طراحی شفت‌های گیربکس وینچ :
- ۳-۴-۳ طراحی شفت چرخ حلزون :

برای طراحی شفت لازم است تا ابتدا طول شفت محاسبه شود و سپس با قراردادن نیروها روی آن و محاسبه عکس‌العمل تکیه‌گاه‌ها قطر شفت بدست آید. جهت محاسبه طول شفتها بر اساس شکل زیر عمل می‌کنیم.



$$L = b + Fe + 3a + 2c = 260.3mm$$

پس از بدست آوردن طول شفت‌ها باید نیروهای وارده بر چرخ‌دنده‌ها و نیز برغلطک محاسبه شوند. نیروهای وارده از طرف چرخ حلزون از روابط کتاب شیلگی استخراج شده است. چرخ‌دنده حلزونی:

$$w_{rw} = -w_{rG} = w \sin \varphi_n$$

$$w_{tw} = w_{aG} = w \cos \varphi_n \sin \lambda + \mu w \cos \lambda$$

$$w_{aw} = w_{tG} = w \cos \varphi_n \cos \lambda - \mu w \sin \lambda$$

ابتدا با داشتن توان ورودی و سرعت چرخ حلزون W_t را بدست می‌آوریم. سپس با استفاده از فرمول زیر تمام نیروها را محاسبه می‌نمائیم

Bridge crane



$$T = \frac{p}{w} = \frac{.77 \times 10^6}{22 \times \frac{2\pi}{60}} = .3342 \times 10^6 \text{ N.mm}$$

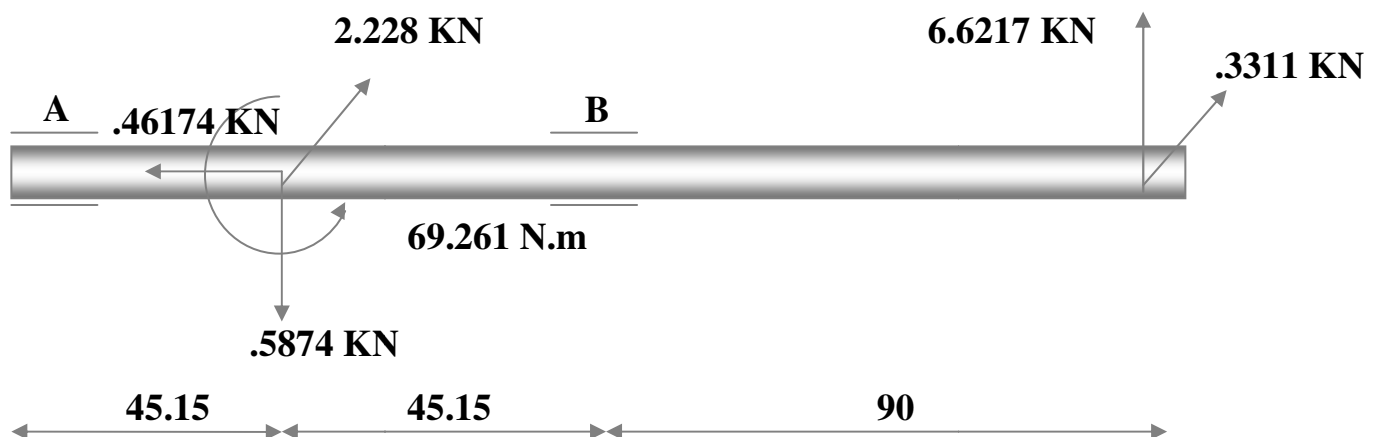
$$W_t = \frac{T}{r} = 2.228 \text{ KN}$$

ابتدا با داشتن توان ورودی و سرعت حلزون W^n را بدست می آوریم . سپس با استفاده از فرمول زیر تمام نیروها را محاسبه می نمائیم.

$$W_{Gt} = 2.228 = W (\cos \phi_n \cos \lambda - f \sin \lambda) \rightarrow W = 2.346 \text{ KN}$$

$$W_{Gr} = W \sin \phi_n = .5874 \text{ KN}$$

$$W_{Ga} = W (\cos \phi_n \sin \lambda + f \cos \lambda) = .46174 \text{ KN}$$



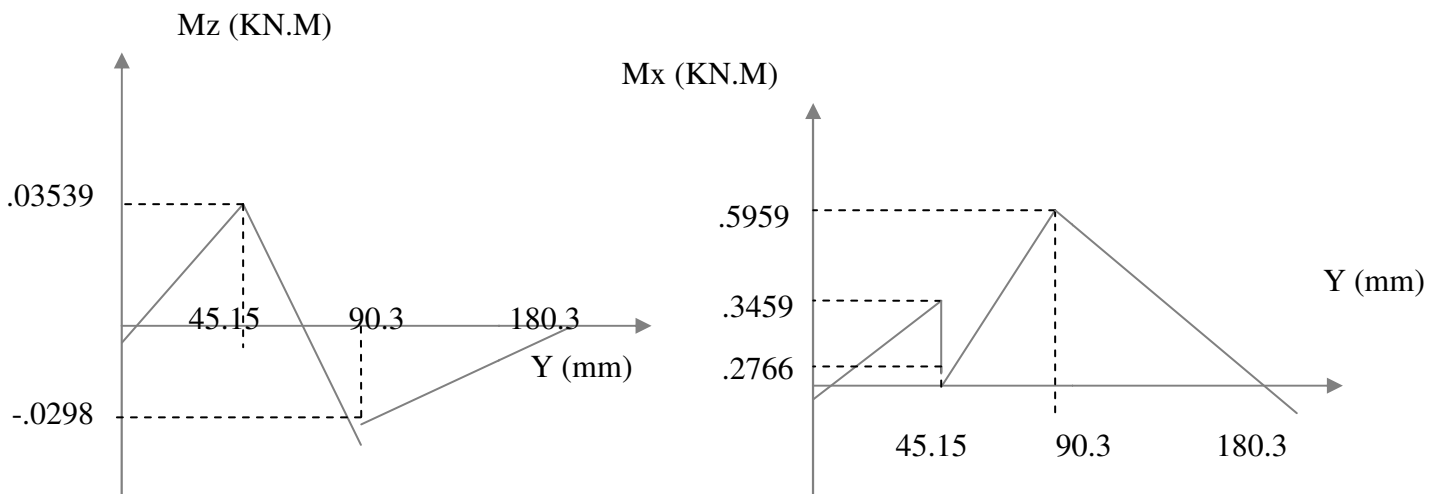
با توجه به شکل بالا و داده های موجود به محاسبات مربوط به شفت می پردازیم.

$$\begin{aligned} \sum M_x^A = 0 &\Rightarrow F_z^B = -13.7 \text{ KN} & \sum F_z = 0 &\Rightarrow F_z^A = 7.66 \text{ KN} \\ \sum M_z^A = 0 &\Rightarrow F_x^B = 1.7751 \text{ KN} & \sum F_x = 0 &\Rightarrow F_x^A = .784 \text{ KN} \end{aligned}$$



Bridge crane

پس از بدست آوردن عکس عملهای تکیه گاه ها به رسم نمودار لنگرها می پردازیم :



با توجه به نمودارها نقطه خطرناک شفت را که بر اساس بیشترین خمش و پیچش میباشد بدست می آوریم:

$$M_B)_a = .5967 \times 10^3 \text{ N.mm}$$

فرضیات وحدسیات همانند قبل است.

Bridge crane



گربر

$$d = \left(\frac{8n.A}{\pi.S_e} \left\{ 1 + \left[1 + \left(\frac{2BSe}{AS_{ut}} \right)^2 \right]^{.5} \right\} \right)^{\frac{1}{3}}$$

$$A = \sqrt{4 \times (K_f M_a)^2 + 3 \times (K_{fs} T_a)^2} = 2.38 \times 10^6$$

$$B = \sqrt{4 \times (K_f M_m)^2 + 3 \times (K_{fs} T_m)^2} = .5789 \times 10^6$$

$$d = 48.76(mm)$$

حال به اصلاح حدس ها می پردازیم. ضرایب تمرکز تنش تغییری نمی کند. برای اصلاح ضریب اندازه داریم:

$$k_b = 1.24 d^{-0.107} = 1.24 (48.76)^{-0.107} = .818$$

$$S_e = 328.33 \text{ Mpa} \rightarrow d = 48.9 \text{ mm}$$

لذا قطر شفت می شود: $d = 50(mm)$

۲-۴-۳ طراحی خار چرخ حلزون :

با توجه به جدول ضمیمه خار، برای چرخنده حلزونی، با استفاده از قطر شفت، خار 14×9 انتخاب می شود.

$$F = \frac{W_t \times r_G}{\frac{d}{2}} = \frac{2228 \times 150}{\frac{50}{2}} = 13.368 \text{ KN}$$

$$\ell_c = \frac{2FN}{h S_y} = \frac{2 \times 13368 \times 3.15}{9 \times 260} = 36 \text{ (mm)}$$

۲-۴-۳ طراحی خار غلطک :

با توجه به جدول ضمیمه خار، برای چرخنده حلزونی، با استفاده از قطر شفت، خار 14×9 انتخاب می شود.

$$F = \frac{\mu \times N \times r}{\frac{d}{2}} = \frac{331.1 \times 100}{\frac{50}{2}} = 1.324 \text{ KN}$$

$$\ell_c = \frac{2FN}{h S_y} = \frac{2 \times 1324 \times 3.15}{9 \times 260} = 3.56 \text{ (mm)}$$



Bridge crane



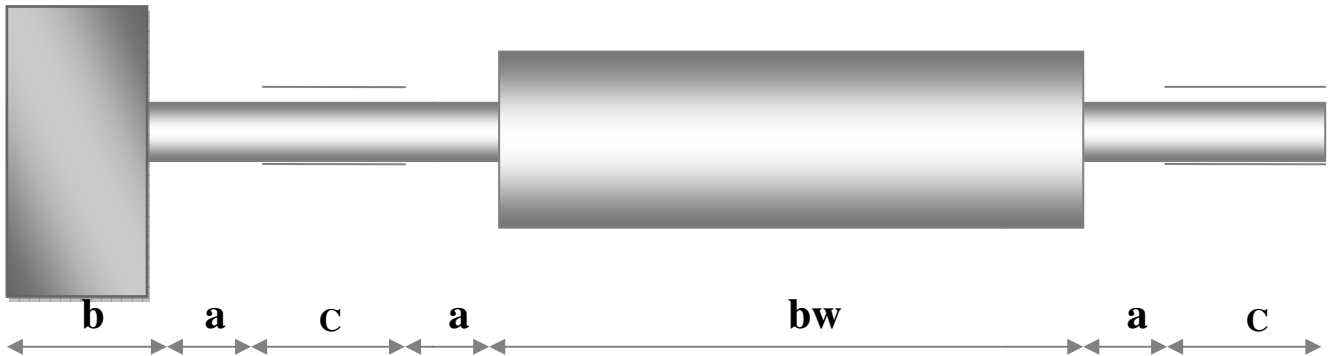
Bridge crane

۳-۴- طراحی شفت حلزون :

جهت محاسبه طول شفتها بر اساس شکل زیر عمل می کنیم.

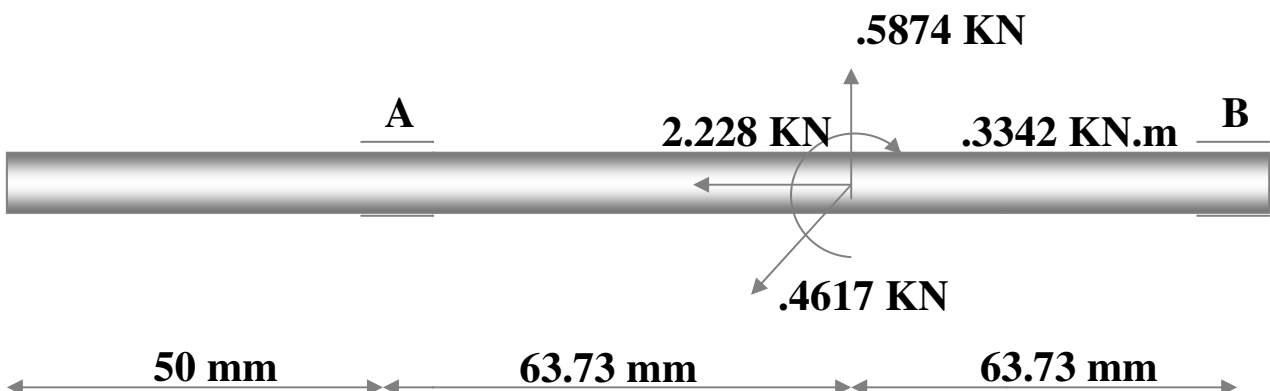
$$b_w = 2\sqrt{(150 + 10)^2 - (150 - 10)^2} = 77.46$$

پهنای حلزون برابر است با:



$$L = b_w + b + 3a + 2c = 192.46 \text{ mm}$$

پس از بدست آوردن طول شفت ها باید نیروهای وارده بر چرخنده ها محاسبه شوند. در طراحی شفت حلزون تمام نیروهای روی حلزون عیناً مانند حالت قبل اما در جهت مخالف اعمال میشوند.



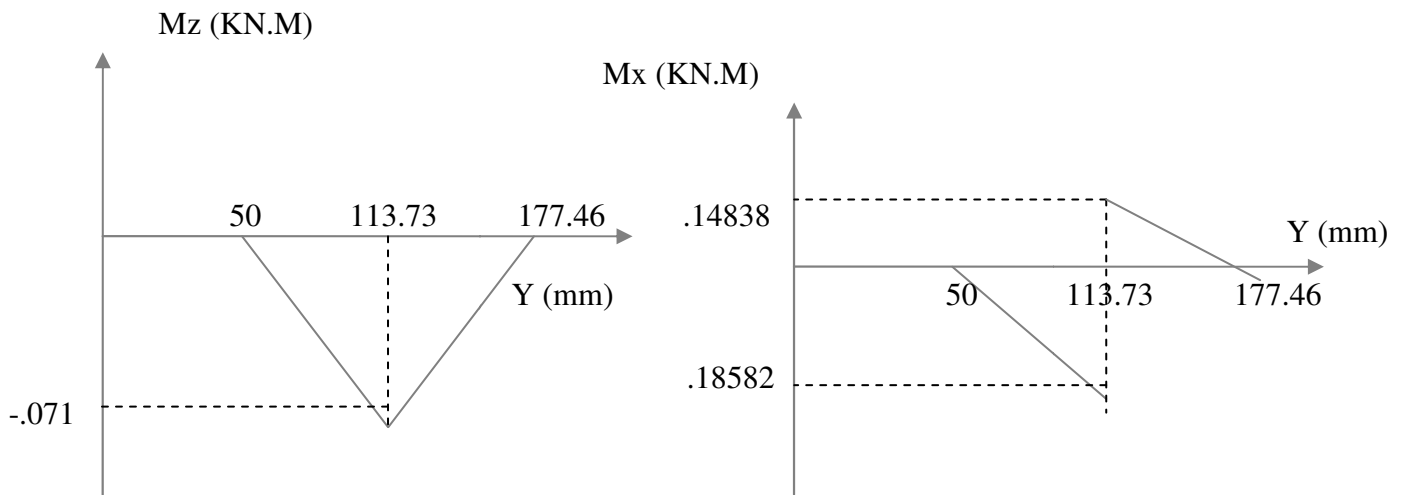
با توجه به شکل بالا و داده های موجود به محاسبات مربوط به شفت می پردازیم.



Bridge crane

$$\begin{aligned} \sum M_x^A = 0 &\Rightarrow F_z^B = 2.3283 \text{ KN} & \sum F_z = 0 &\Rightarrow F_z^A = -2.9157 \text{ KN} \\ \sum M_z^A = 0 &\Rightarrow F_x^B = 1.114 \text{ KN} & \sum F_x = 0 &\Rightarrow F_x^A = 1.114 \text{ KN} \end{aligned}$$

پس از بدست آوردن عکس عملهای تکیه گاه ها به رسم نمودار لنگرها می پردازیم :



با توجه به نمودارها نقطه خطرناک شفت را که بر اساس بیشترین خمش و پیچش میباشد بدست می آوریم:

$$M_w)_a = 181.55 \times 10^3 \text{ N.mm} \quad M_w)_m = -18.72 \times 10^3 \text{ N.mm}$$

Bridge crane



فرضیات وحدسیات همانند قبل است.
گربر

$$d = \left(\frac{8n.A}{\pi.S_e} \left\{ 1 + \left[1 + \left(\frac{2BSe}{AS_{ut}} \right)^2 \right]^{.5} \right\} \right)^{\frac{1}{3}}$$

$$A = \sqrt{4 \times (K_f M_a)^2 + 3 \times (K_{fs} T_a)^2} = .74217 \times 10^6$$

$$B = \sqrt{4 \times (K_f M_m)^2 + 3 \times (K_{fs} T_m)^2} = .11365 \times 10^6$$

$$d = 33(mm)$$

حال به اصلاح حدس ها می پردازیم. ضرایب تمرکز تنش تغییری نمی کند. برای اصلاح ضریب اندازه داریم:

$$k_b = 1.24 d^{-0.107} = 1.24 (33)^{-0.107} = .853$$

$$S_e = 342.3 \text{ Mpa} \rightarrow d = 32.67 \text{ mm}$$

لذا قطر شفت می شود: $d = 35(mm)$

۳-۴-۲) طراحی خار چرخ حلزون :

با توجه به جدول ضمیمه خار، برای چرخنده حلزونی، با استفاده از قطر شفت، خار 10×8 انتخاب می شود.

$$F = \frac{T}{d} = \frac{16.28 \times 10^3}{\frac{35}{2}} = .93 \text{ KN}$$

$$\ell_c = \frac{2FN}{hS_y} = \frac{2 \times 930 \times 3.15}{8 \times 260} = 2.817 \text{ (mm)}$$

Bridge crane



۵-۱) طراحی و انتخاب برینگ‌های مورد نیاز برای شفت چرخ حلزون گیربکس وینچ:
 ۱- در روانکاری بیرینگ‌ها از روانکار با مشخصات زیر استفاده می‌شود. با این فرض که شرایط کاری دستگاه 70 درجه باشد.
 روغن مورد استفاده ISO 46 می‌باشد.

$$v = 16(\text{mm}^2 / \text{s})$$

$$T = 70^\circ$$

۲- عمر مورد نظر برای بیرینگ‌ها برای 10 سال و روزی ۱۲ ساعت در نظر گرفته شده است.

$$L = (\text{میلیون دور}) = \frac{10 \times 365 \times 12 \times 60 \times 22}{10^6} = 57.81 \text{ (عمر(ساعت) * دور)}$$

۳- ضریب اطمینان ۹۸٪ می‌باشد در نتیجه خواهیم داشت: (پیوست شماره ۱۵)

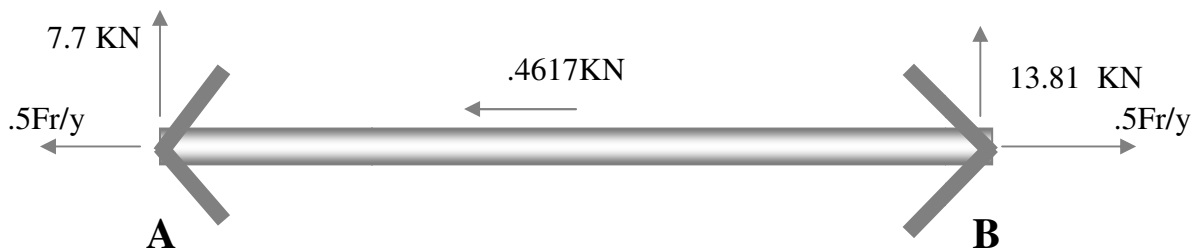
$$a_1 = 0.33$$

$$\eta_c = 0.55$$

۴- شرایط کاری بلبرینگ نرمال در نظر گرفته می‌شود.

برای شفت چرخ حلزون از رولربیرینگ‌های مخروطی استفاده نموده ایم چرا که نیروی شعاعی و محوری زیادی تحمل می‌کند.

برای این شفت با توجه به عکس العمل‌های محاسبه شده در یاتاقانها داریم :



یاتاقان A و یاتاقان B می‌بایست با هم طراحی شود.

بر اساس قطر شفت که برابر است با ۵۰ میلیمتر با انتخاب از کوچکترین قطر بیرونی یاتاقان کار را شروع می‌کنیم.

نوع یاتاقان را از نوع *Tapered roller bearings* و یک ردیفه انتخاب می‌کنیم.

انتخاب اول برابر است با :

حدس اول:



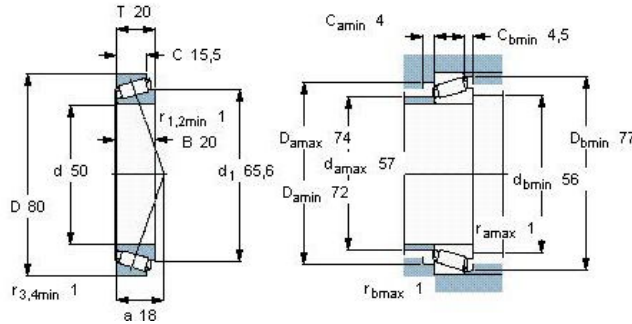
Bridge crane

Tapered roller bearings, single row, metric bearings

Product information

Tolerances, see also text
Recommended fits
Shaft and housing tolerances

Principal dimensions			Basic load ratings		Fatigue load limit P_u	Speed ratings		Mass	Designation
d	D	T	dynamic	static		Reference speed	Limiting speed		
mm			kN		kN	r/min		kg	-
50	80	20	60,5	88	9,65	6000	8000	0,37	32010 X/Q



Calculation factors

e 0,43
 Y 1,4
 Y_0 0,8

برای محاسبه نیروهای افقی وارد بر هر یاتاقان از رابطه ی زیر محاسبه می شود و با استفاده از نرم افزار skf داریم :

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{.5F_{rA}}{Y} = 2.75 \\ \frac{.5F_{rB}}{Y} = 4.932 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} F_{aA} = 4.47 \\ F_{aB} = 4.932 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \left(\frac{F_a}{F_r} \right)_A = .58 > e \rightarrow p = 9.338 \text{ KN} \rightarrow a_{skf} = .103 \\ \left(\frac{F_a}{F_r} \right)_B = .357 < e \rightarrow p = 13.81 \text{ KN} \rightarrow a_{skf} = .102 \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} C_A = 87 \text{ KN} > C \quad \text{error} \\ C_B = 129 \text{ KN} > C \quad \text{error} \end{array} \right.$$

حس دوم



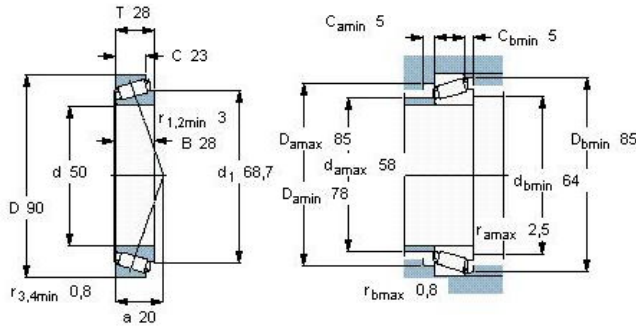
Bridge crane

Tapered roller bearings, single row, metric bearings

Product information

Tolerances, see also text
Recommended fits
Shaft and housing tolerances

Principal dimensions			Basic load ratings		Fatigue load limit P_u	Speed ratings		Mass	Designation
d	D	T	dynamic	static		Reference speed	Limiting speed		
mm			kN	kN	kN	r/min		kg	-
50	90	28	106	140	16	5300	8000	0,75	JM 205149/110 A/Q



Calculation factors

e 0,33
Y 1,8
Y₀ 1

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{.5F_{rA}}{Y} = 2.138 \\ \frac{.5F_{rB}}{Y} = 3.836 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} F_{aA} = 3.374 \\ F_{aB} = 3.836 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \left(\frac{F_a}{F_r} \right)_A = .43 > e \rightarrow p = 9.153 \text{ KN} \rightarrow a_{skf} = .103 \\ \left(\frac{F_a}{F_r} \right)_B = .277 < e \rightarrow p = 13.81 \text{ KN} \rightarrow a_{skf} = .103 \end{array} \right.$$

$$\left(\begin{array}{l} C_A = 85.26 \text{ KN} < C \quad \text{Right} \\ C_B = 128.6 \text{ KN} > C \quad \text{error} \end{array} \right.$$

بار محوری یاتاقان مورد استفاده در A با بار محوری یاتاقان مورد استفاده در B رابطه دارد و در صورت تغییر بار محوری در B می بایست یاتاقان A دوباره طراحی شود.

حدس سوم:



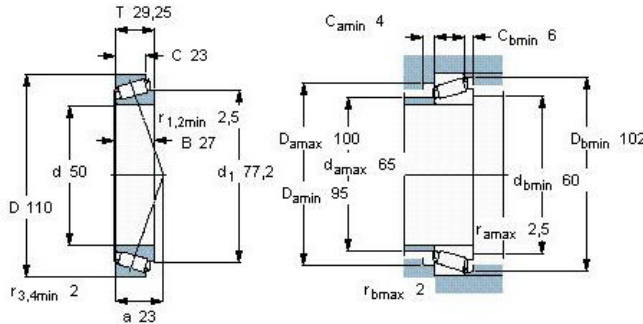
Bridge crane

Tapered roller bearings, single row, metric bearings

Product information

Tolerances, see also text
Recommended fits
Shaft and housing tolerances

Principal dimensions			Basic load ratings		Fatigue load limit P_u	Speed ratings		Mass	Designation
d	D	T	dynamic	static		Reference speed	Limiting speed		
mm			kN	kN	kN	r/min		kg	-
50	110	29,25	143	140	16,6	5300	6300	1,25	30310 J2/Q*



Calculation factors

$e = 0,35$
 $Y = 1,7$
 $Y_0 = 0,9$

$$\begin{cases} \frac{.5F_{rA}}{Y} = 2.264 \\ \frac{.5F_{rB}}{Y} = 4.061 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} F_{aA} = 3.6 \\ F_{aB} = 4.061 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \left(\frac{F_a}{F_r}\right)_A = .46 > e \rightarrow p = 9.2 \text{ KN} \rightarrow a_{skf} = .104 \\ \left(\frac{F_a}{F_r}\right)_B = .29 < e \rightarrow p = 13.81 \text{ KN} \rightarrow a_{skf} = .103 \end{cases}$$

$$\begin{cases} C_A = 85.45 \text{ KN} < C & \text{Right} \\ C_B = 128.6 \text{ KN} < C & \text{Right} \end{cases}$$

پس نوع یاتاقان مورد استفاده در A, B برابر است با : **30310 J2/Q***

Bridge crane



۳-۵-۱) طراحی و انتخاب برینگ‌های مورد نیاز برای شفت حلزون گیربکس وینچ:

۱- در روانکاری بیرینگ‌ها از روانکار با مشخصات زیر استفاده می‌شود. با این فرض که شرایط کاری دستگاه 70 درجه باشد.
روغن مورد استفاده ISO 46 می‌باشد.

$$v = 16 (mm^2 / s)$$

$$T = 70^\circ$$

۲- عمر مورد نظر برای بیرینگ‌ها برای 10 سال و روزی ۱۲ ساعت در نظر گرفته شده است.

$$L = (10 \times 365 \times 60 \times \text{دور} \times \text{عمر(ساعت)}) / 10^6 = \frac{10 \times 365 \times 12 \times 60 \times 645}{10^6} = 1694 \text{ (میلیون دور)}$$

۳- ضریب اطمینان ۹۸٪ می‌باشد در نتیجه خواهیم داشت: (پیوست شماره ۱۵)

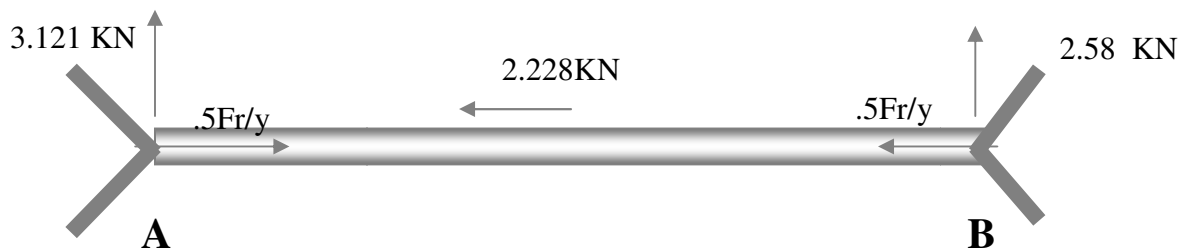
$$a_1 = 0.33$$

$$\eta_c = 0.55$$

۴- شرایط کاری بلبرینگ نرمال در نظر گرفته می‌شود

برای شفت چرخ حلزون از رولربیرینگ‌های مخروطی استفاده نموده ایم چرا که نیروی شعاعی و محوری زیادی تحمل می‌کند.

برای این شفت با توجه به عکس العمل‌های محاسبه شده در یاتاقانها داریم :



یاتاقان A و یاتاقان B می‌بایست با هم طراحی شود.

بر اساس قطر شفت که برابر است با ۳۵ میلیمتر با انتخاب از کوچکترین قطر بیرونی یاتاقان کار را شروع می‌کنیم.

نوع یاتاقان را از نوع *Tapered roller bearings* و یک ردیفه انتخاب می‌کنیم.

انتخاب اول برابر است با :

حدس اول:



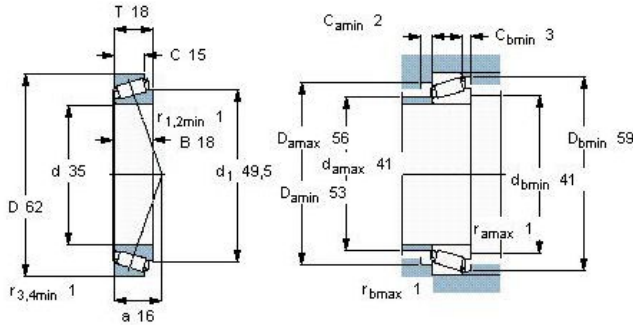
Bridge crane

Tapered roller bearings, single row, metric bearings

Product information

Tolerances, see also text
Recommended fits
Shaft and housing tolerances

Principal dimensions			Basic load ratings		Fatigue load limit P_u	Speed ratings		Mass	Designation
d	D	T	dynamic	static		Reference speed	Limiting speed		
mm			kN	kN	kN	r/min		kg	-
35	62	18	37,4	49	5,2	8000	11000	0,22	32007 J2/Q



Calculation factors

e 0,44
Y 1,35
Y₀ 0,8

برای محاسبه نیروهای افقی وارد بر هر یاتاقان از رابطه ی زیر محاسبه می شود و با استفاده از نرم افزار *skf* داریم :

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{.5F_{rA}}{Y} = 1.156 \\ \frac{.5F_{rB}}{Y} = .955 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} F_{aA} = 2.129 \\ F_{aB} = .955 \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \left(\frac{F_a}{F_r} \right)_A = .68 > e \rightarrow p = 4.122 \text{ KN} \rightarrow a_{skf} = .917 \\ \left(\frac{F_a}{F_r} \right)_B = .37 < e \rightarrow p = 2.58 \text{ KN} \rightarrow a_{skf} = 1.56 \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} C_A = 54.9 \text{ KN} > C \quad \text{error} \\ C_B = 29.29 \text{ KN} < C \quad \text{Right} \end{array} \right.$$

پس نوع یاتاقان مورد استفاده در *B* برابر است با : **32007 J2/Q**

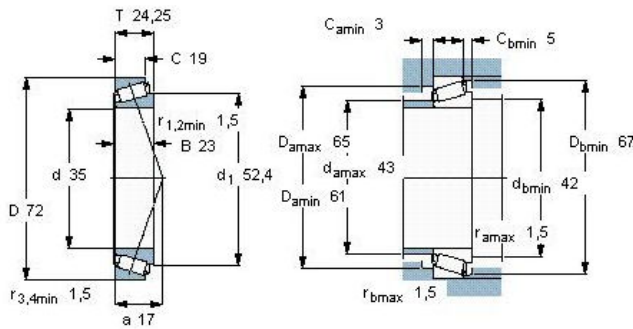
یاتاقان **B** انتخاب شد حال حدس دیگری برای یاتاقان **A** زده می شود با مراجعه به *skf* اولین بزرگتر از آن را انتخاب و با قبلی مقایسه می کنیم.



Bridge crane

حدس دوم

Tapered roller bearings, single row, metric bearings							Tolerances , see also text		Recommended fits		Shaft and housing tolerances	
Principal dimensions			Basic load ratings		Fatigue load limit P_u	Speed ratings		Mass	Designation			
d	D	T	dynamic	static		Reference speed	Limiting speed					
mm			kN		kN	r/min		kg				
35	72	24,25	66	78	8,5	7000	9500	0,43	32207 J2/Q			



Calculation factors
 $e = 0,37$
 $Y = 1,6$
 $Y_0 = 0,9$

$$\left\{ \frac{.5F_{rB}}{Y} = .975 \Rightarrow F_{aB} = 2.129 \Rightarrow \left(\frac{F_a}{F_r} \right)_B = .68 > e \rightarrow p = 4.655 \text{ KN} \rightarrow a_{skf=} = 1.56$$

$$(C_B = 52.85 \text{ KN} < C \quad \text{Right})$$

پس نوع یاتاقان مورد استفاده در A برابر است با : **32207 J2/Q**

Bridge crane



طراحی تیر عرضی

برای حل تیر ابتدا نیروهای وارد بر تیر محاسبه میشوند و با انتخاب جنس و نوع مناسب کار پیگیری میشود.
در حل تیر میتوان:

۱) ابتدا یک جنس انتخاب نمود و سپس با حل معادلات مربوط به آن به خیز تیر مورد نظر رسید. چنانچه:

الف) خیز بدست آمده از حداکثر خیز استاندارد تیر کمتر باشد

ب) مدول بدست آمده از مدول انتخابی کمتر باشد

ج) شرط کمتر بودن تنش برشی را ارضا کند

آنگاه تیر انتخابی مناسب است.

۲) می توان معادلات مربوط به حل تیر را بی توجه به نوع تیر، جرم و مدول آن انجام داد و در انتها با انتخاب تیر مناسب و جایگذاری جرم آن و خیز حداکثر استاندارد، مدول آن محاسبه میشود و چنانچه مدول بدست آمده از مدول تیر مورد نظر کمتر باشد تیر انتخابی مناسب خواهد بود.
در این پروژه از روش اول که روشی کاملتر است استفاده می شود:

برای طراحی تیر ابتدا به تعیین جنس تیر می پردازیم:

$$\tau_y = 110 \text{ Mpa}$$

$$S_y = 520 \text{ Mpa}$$

تیر از نوع باریک عریض با لبه موازی ردیف IPB انتخاب میشود، زیرا باید لبه تیر از هر طرف بیشتر از ۱۳۰ میلیمتر (پهنای غلتک) باشد. با مراجعه به جدول پیوست شماره (۱۶) یک تیر با مشخصات زیر انتخاب می شود:

$$\text{IPB 300} \quad G=117 \text{ kg/m} \quad W_x=1680 \text{ cm}^3$$
$$h=300 \text{ mm} \quad b=300 \text{ mm} \quad s=11 \text{ mm} \quad t=19 \text{ mm}$$

باید به بررسی نیروها و گشتاورهای وارد بر تیر پردازیم:

خطرناک ترین حالت بار گذاری تیر هنگامی است که بخش بالا برنده در

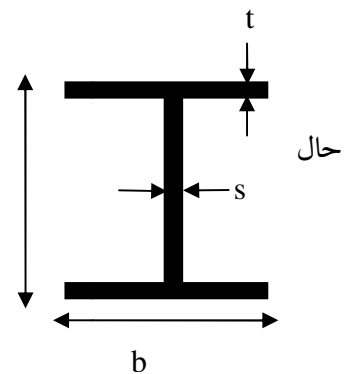
وسط تیر و در حال بار برداری (شتاب گیری) باشد، برایند نیروهای ناشی از

جرم کل بخش بالا برنده (بار، قلاب، قرقره، طناب، موتور، گیربکس و ...) را در

داده، همچنین نیروی ناشی از وزن تیر به صورت گسترده روی تیر در نظر گرفته می

وسط تیر قرار

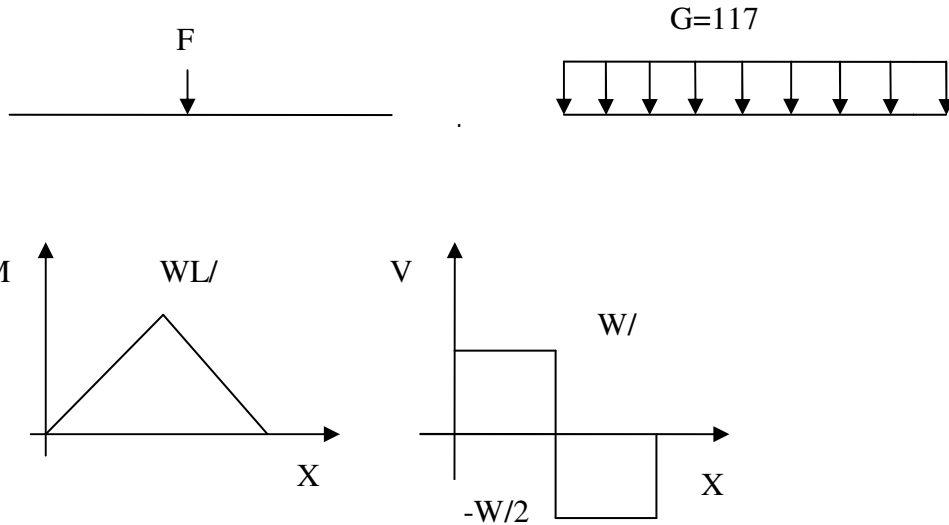
شود.



Bridge crane



$$F = M(g + a) = 5550 \times (9.81 + 0.012) = 54512.1N$$



$$W = F + G \cdot 10$$

$$M_{\max} = \frac{WL}{4} = \frac{(54512.1 + 117 \cdot 10 \cdot 9.81) \cdot 10}{4} = 164974.5 \text{ N.m} , \quad \sigma_{all} = \frac{S_y}{F.S} = \frac{520}{4} = 130 \text{ Mpa}$$

$$\sigma_{all} = \frac{M_{\max}}{W_x} \rightarrow W_x = \frac{M_{\max}}{\sigma_{all}} = 1269 \text{ cm}^3 < W_x$$

$$\delta = \frac{-WL^3}{48EI} = 0.026 \text{ m}$$

$$\tau_{all} = \frac{\tau_y}{F.S} = \frac{110}{4} = 27.5 \text{ Mpa}$$

$$\tau_{\max} = \frac{V_{\max}}{A_w} \quad V_{\max} = \frac{W}{2} = 32994.9 \text{ N}$$

$$A_w = (h - 2t)s = (300 - 2 \times 19) \times 11 = 2882 \text{ mm}^2$$

$$\tau_{\max} = \frac{32994.9}{2882} = 11.4 \text{ Mpa} < \tau_{all} = 27.5$$

همه شرایط با این تیر ارضا می شوند، پس تیر عرضی از نوع IPB300 انتخاب می شود.

Bridge crane



طراحی غلتک ارا به :

جنس غلتک با توجه به کتاب استاندارد های ماشین سازی از فولاد کربوره $MOCr4$ با مشخصات زیر انتخاب می شود:

$$S_{ut} = 1080(Mpa) \quad S_y = 590(Mpa) \quad E = 207(Gpa)$$

$$f.s = 3$$

$$\sigma = \frac{S_y}{f.s} = \frac{590}{3} = 196.7 Mpa$$

$$\sigma = \frac{2F}{\pi b L} = P_{max} \Rightarrow b = \frac{2F}{\pi L P_{max}}$$

برای محاسبه F لازم است تا جرم کل را داشته باشیم .

اما به دلیل اینکه هنوز گیربکس محرک را طراحی نکرده ایم برای ادامه کار با حدس وزن برای گیربکس دوم و محاسبه وزن دیگر قطعات به ادامه کار می پردازیم . (جرم موتور و جرم گیربکس دوم ۵۰ در نظر گرفته شده است.)

(موتور و گیربکس (محرک) + تیر عرضی + بار کل) = نیروی وارده به غلتک ها

$$F = 5550(0.012 + 9.81) + (1170 + 50)9.81 = 66480.3 N$$

تعداد غلتک برای هر طرف ۶ عدد (در کل ۱۲ غلتک) و پهنای هر غلتک ۱۳۰ میلیمتر در نظر گرفته می شود.

$$F = \frac{66480.3}{12} = 5540(N)$$

$$b = \frac{2F}{\pi L P_{max}} = 0.14 (mm)$$

$$b = \left\{ \frac{2F}{\pi L} \frac{1 - \nu_1^2}{E_1} + \frac{1 - \nu_2^2}{E_2} \right\}^{1/2} \quad \nu_1 = \nu_2 = 0.3 \quad E_1 = E_2 = 207 Gpa \quad d_1 = \infty$$

$$d_2 = 164.25 (mm) \Rightarrow d_{std} = 200$$

محور غلتک

برای محور غلتک از میله فولادی به شماره $AISI103, Q \& T$ استفاده می کنیم:

$$S_{ut} = 848 MPa \quad , \quad S_y = 648 MPa$$

می دانیم که:

Bridge crane



$$\frac{S_y}{\sqrt{3} f.s.} = \sigma_{vom} = \sqrt{\sigma^2 + 3\tau^2}$$

اگر طول محور غلتک را ۱۵۰ mm فرض کنیم داریم:

$$\frac{S_y}{\sqrt{3} f.s.} = \frac{648}{\sqrt{3} \times 3} = 124.71$$

$$\sigma = \frac{MC}{I} = \frac{FL d/2}{\pi \frac{d^4}{64}} = \frac{5540 \times 150 \times 32}{\pi d^3} = \frac{8.5 \times 10^6}{d^3}$$

$$\tau = \frac{4}{3} \frac{v}{A} = \frac{16F}{3\pi d^2} = \frac{16 \times 6640}{3\pi d^2} = \frac{11276.4}{d^2}$$

$$\rightarrow d = 40.9 \text{ mm}$$

طبق جدول مربوط به مفتول‌های فولادی که در ضمیمه ۳-۲ آمده است قطر ۵۰ mm در نظر گرفته می‌شود.

طراحی و انتخاب موتور و گیربکس لازم برای حرکت تیر عرضی روی تیر طولی:

برای انتخاب موتور ابتدا باید توان خروجی از گیربکس را محاسبه و سپس با تقسیم بر بازدهی فرضی توان ورودی به گیربکس را محاسبه نمود و بعد از آن با انتخاب الکتروموتوری مناسب از کاتالوگ موتورهای شرکت موتوژن به طراحی گیربکس پرداخت.

در این قسمت با توجه به استانداردهای جرثقیل سازی سرعت حرکت ارايه را باید مقداری بین ۱۲ تا ۱۶ متر بر دقیقه در نظر گرفت، که در این پروژه سرعت ۱۴ متر بر دقیقه همانند سرعت حرکت وینچ انتخاب شده است.

برای محاسبه توان به نیروی کل نیاز است. جرم کل قسمت بالا برنده ۵۵۵۰ کیلوگرم و جرم تیر عرضی ۱۱۷۰ کیلوگرم می‌باشد.

نکته: با مراجعه به ماشین هندبوک ۲۷، ضریب اصطکاک برای تماس استیل با استیل را میتوان با روغن کاری خوب به ۰/۰۴ رسانید.

$$F = M(a + \mu g) \Rightarrow F = (5550 + 1170)(0.012 + 0.04 \times 9.81) \Rightarrow F = 2717.6 \text{ N}$$

Bridge crane



$$P = F.V = 2717.6 \times 14 \times \frac{1}{60} = 634.1 \text{ w}$$

با ضرب این توان در ضریب overload factor توان خروجی واقعی محاسبه شود:

$$P = 634.1 \times 1.2 = 760.1 \text{ w} = 0.76 \text{ Kw}$$

$$\text{سرعت دورانی غلتک} = \frac{V}{\frac{d}{2}} = \frac{0.23}{\frac{0.2}{2}} = 2.3 \frac{\text{rad}}{\text{s}} = 22 \text{ rpm}$$

با توجه به سرعت دورانی غلتک که همان خروجی گیربکس است، و با در نظر گرفتن اینکه توان محاسبه شده در بالا باید بر بازده گیربکس تقسیم شود تا توان ورودی محاسبه شود که مسلماً بزرگتر از توان خروجی خواهد بود و همچنین مشاهده سرعت های خروجی در کاتالوگ شرکت موتورزن مشخص می شود که نسبت سرعت حدود ۳۰ تا ۴۰ خواهد بود. پس گیربکس مورد استفاده باید از نوع حلزون و چرخ حلزون باشد. به همین منظور بازده را ۷۰ درصد حدس میزنیم و به انتخاب موتور می پردازیم، سپس حلزون و چرخ حلزون را حل کرده و بازده را با بازده فرضی مقایسه می کنیم.

$$\eta = \frac{P_{out}}{P_{in}} \times 100 \Rightarrow 70 = \frac{0.76}{P_{in}} \times 100 \Rightarrow P_{in} = 1.09 \text{ Kw}$$

حال با داشتن توان ورودی به گیربکس، موتوری مناسب را انتخاب می نماییم:

تپ موتور	توان (kw)	دور خروج (rpm)	جرم (Kg)
100L8G	1.1	645	20

با کمی دقت مشخص می شود که موتور انتخابی همان موتور مربوط به وینچ می باشد و نیز قطر غلتک ارابه با قطر غلتک وینچ برابر است و همچنین سرعت های دورانی و خطی در غلتک های ارابه و وینچ برابر است، به همین منظور می توان از گیربکسی با مشخصات گیر بکس وینچ در مورد ارابه استفاده نمود.

مشخصات حلزون و چرخ حلزون:

(چرخنده حلزونی فولادی در گیر با چرخ حلزون فولادی ریخته گری ماسه)

$$m = 10$$

$$F_e = 40.3 \text{ mm} \quad d_w = 68.7 \text{ mm} \quad d_G = 300 \text{ mm}$$

مشخصات شفت ها:



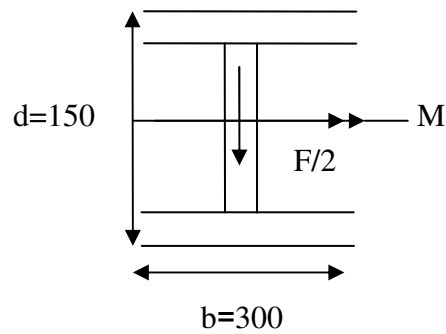
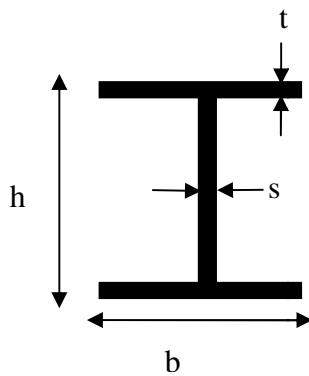
Bridge crane

طراحی جوش مقطع I به ورق

برای اینکه بتوان دو طرف تیر عرضی را به ارابه پیچ کرد باید دو انتهای تیر را به یک ورق جوش کرد. به منظور بررسی آن دو حالت در نظر گرفته می شود:

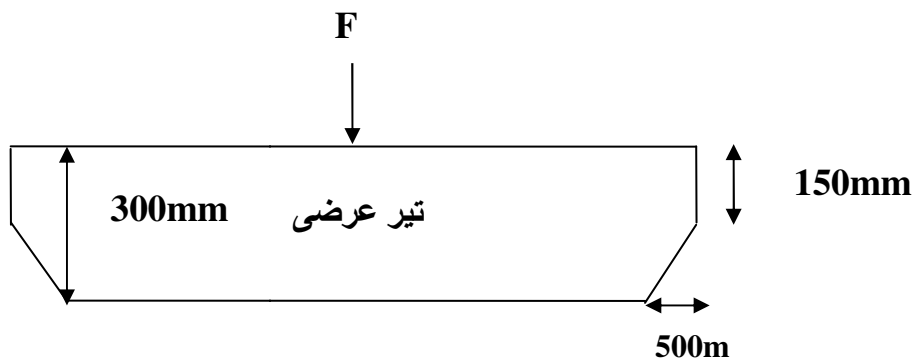
$$F.S=2$$

$$S_y=345\text{Mpa} \quad : \quad E6010$$



$$Z_w = 2bd + \frac{d^2}{3}$$

(۱) قسمت بالا برنده در وسط تیر باشد.



Bridge crane



$$F = 5550(9.81 + 0.012) + 1170 * 9.81 = 65989.8N$$

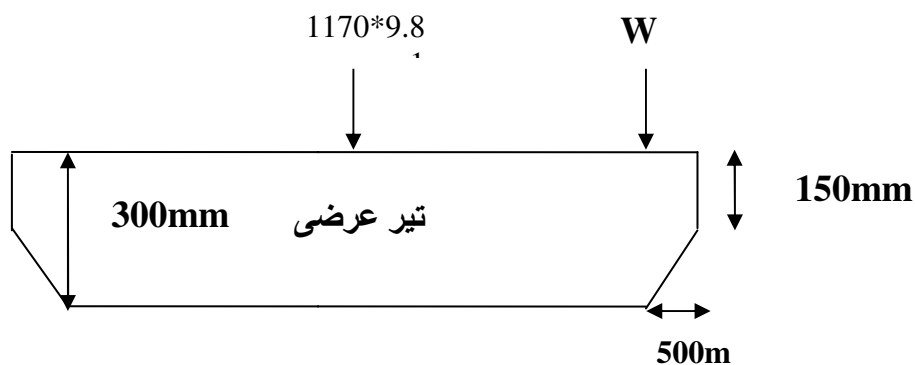
$$M = \frac{F L}{4} = 164974500 N.m$$

$$f_b = \frac{M}{Z_w} = \frac{164974500}{(2 * 150 * 300) + (\frac{150^2}{3})} = 1692$$

$$f_s = \frac{F}{\Sigma l} = \frac{65989.8}{(2 * 112) + (4 * 300)} = 23.15$$

$$\sqrt{f_s^2 + f_T^2 + 2f_s f_T \cos \theta + (f_b + f_{ten})^2} = 0.707 h \frac{0.5S_y}{F.S} \Rightarrow h = 27.7 mm$$

(۲) قسمت بالا برنده در انتهای تیر باشد.





Bridge crane

$$W = 5550(9.81 + 0.012) = 54512.1 N$$

$$M_1 = \frac{W a^2 b}{l^2} = \frac{54512.1 * (9.5 * 10^6) * (0.5 * 10^3)}{10^2 * 10^6} = 24598585 N.m$$

$$F = 1170 * 9.81 = 11477.7 N$$

$$M_2 = \frac{F_2 L}{4} = \frac{11477.7 * 10 * 10^3}{4} = 28694250 N.m$$

$$f_b = \frac{M_1 + M_2}{Z_w} = 246.6$$

$$f_s = \frac{\frac{W * 9.5 * 10^3}{10 * 10^3} + \frac{F}{2}}{\Sigma l} = 40.4$$

$$\sqrt{f_s^2 + f_T^2 + 2f_s f_T \cos \theta + (f_b + f_{ten})^2} = 0.707 h \frac{0.5 S_y}{F.S} \Rightarrow h = 4.1 mm$$

بنابراین طول ساق باید 27.7mm باشد.

Bridge crane



طراحی تکیه گاه متحرک تیر عرضی بر روی تیر طولی:

برای طراحی تکیه گاه متحرک آن را به صورت یک ناودانی فرض می کنیم که غلطک ها درن آن قرار می گیرند به گونه ای که فاصله عمودی محور غلطک ها تا لبه ی پایین ناودانی کمتر از شعاع غلطک ها می باشد تا از در گیری آن با تیر طولی جلوگیری شود. ارتفاع ناودانی ۲۰۰ میلیمتر و پهنای آن ۱۵۰ میلیمتر در نظر گرفته می شود. فواصل پرچها و میله ها به قرار زیر است:

.....
.....
.....
.....

از سه لبه ناودانی لبه ی در گیر با تیر طولی از دیگر لبه ها خطرناک تر است پس به تحلیل آن پرداخته سپس ضخامت محاسبه شده را به دیگر لبه ها تعمیم می دهیم. جنس ناودانی را هم جنس میله ها (AISI 1030 , $S_y=648$, $S_{ut}=848$) فرض می کنیم. لهیدگی ورق را در ناحیه پرچها و میله ها بررسی کرده و ضخامت بیشینه را مبنا قرار می دهیم.

$$\frac{F}{5Dw} = \frac{S_y}{n}$$

نیروی وارد شده از پرچها به ورق برابر ۶۰۲۴۴ نیوتن می باشد.

ضریب طراحی ۵ فرض می شود.

$$w = \frac{60224 \times 5}{6 \times 648 \times 50} = 1.55 \text{ mm}$$

لهیدگی در ناحیه میله فولادی:

لهیدگی در ناحیه پرچها:

$$w = \frac{60224 \times 5}{8 \times 648 \times 10} = 5.81 \text{ mm}$$

ضخامت ورق ۶ میلیمتر است.

حال کشش ورق را بررسی کرده و ضریب اطمینان را میابیم:

$$\frac{F}{W \times (L - 6d - 4d)} = \frac{S_{ut}}{n} \rightarrow n = 100$$

حال برش ورق را بررسی کرده و ضریب اطمینان را میابیم:

$$\frac{F}{12wh} = \frac{S_y}{n} \rightarrow n = 116$$

برش در ناحیه میله فولادی:



Bridge crane

$$\frac{F}{8H_w} = \frac{S_y}{n} \rightarrow n = 25.8$$

برش در ناحیه پرچها:

همان طور که مشاهده شد ابعاد تیر قابل قبول است.

Bridge crane



طراحی تیر طولی

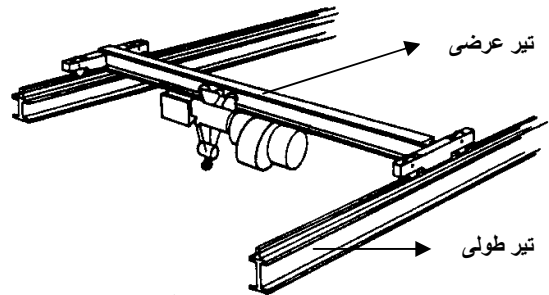
سوله ای که جرثقیل برای آن طراحی می شود دارای طولی برابر ۳۰ متر می باشد که فاصله بین ستون های آن ۶ متر است. پس برای طراحی تیر طولی که تیر عرضی روی آن حرکت می کند، کافی است فقط یک تیر ۶ متری انتخاب شود که بتواند بار را تحمل نماید. خطرناکترین حالت، وقتی است که قسمت بالابرنده جرثقیل در نزدیکترین جا نسبت به تیر طولی قرار گرفته باشد. پس داریم:

۱۱۷۰: جرم تیر عرضی

۱۵: جرم هر غلتک (تعداد غلتک روی هر تیر طولی: ۶)

۵۰: جرم موتور و گیربکس (محرک اراجه)

۵۵۵۰: بار کل (بار، گیربکس ها، موتورها، قرقه ها و ...)



$$F = 5550(0.012 + 9.81) + \left(\frac{1170}{2} + \frac{50}{2} + 6 * 15\right)9.81 = 61379 N$$

برای طراحی تیر ابتدا به تعیین جنس تیر می پردازیم:

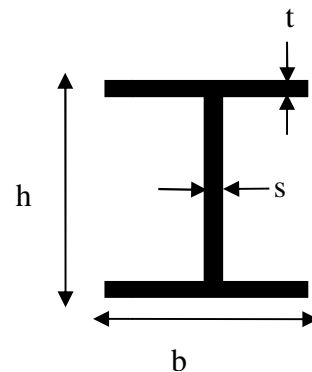
$$\tau_y = 110 Mpa$$

$$S_y = 520 Mpa$$

تیر آهن پهن با لبه موازی ردیف IPE انتخاب میشود، زیرا باید لبه تیر از هر طرف بیشتر از ۱۳۰ میلیمتر (پهنای

غلتک) باشد. با مراجعه به جدول پیوست شماره (۱۶) یک تیر با مشخصات زیر انتخاب می شود:

$$\begin{aligned} \text{IPE 300} \quad G=42.2 \text{ kg/m} \quad W_x=557 \text{ cm}^3 \\ h=300 \text{ mm} \quad b=150 \text{ mm} \quad s=7.1 \text{ mm} \quad t=10.7 \text{ mm} \end{aligned}$$



Bridge crane



$$W = F + G * 10$$

$$M_{\max} = \frac{WL}{4} = \frac{(54512 \cdot 1 + 42 \cdot 2 * 6 * 9.81) * 6}{4} = 95794.5 \text{ N.m} , \quad \sigma_{all} = \frac{S_y}{F.S} = \frac{520}{4} = 130 \text{ Mpa}$$

$$\sigma_{all} = \frac{M_{\max}}{W_x} \rightarrow W_x = \frac{M_{\max}}{\sigma_{all}} = 736.9 \text{ cm}^3 > W_x$$

شرط اول ارضا نمی شود پس تیر دیگری انتخاب می شود. تیر دوم IPE330 می باشد که شرط اول را ارضا نمی کند، پس تیر بعدی انتخاب می شود:

$$\text{IPB 360} \quad G = 57.1 \text{ kg/m} \quad I_x = 16270 \text{ cm}^4 \quad W_x = 904 \text{ cm}^3$$

$$h = 360 \text{ mm} \quad b = 170 \text{ mm} \quad s = 8 \text{ mm} \quad t = 12.7 \text{ mm}$$

$$M_{\max} = \frac{WL}{4} = \frac{(54512 \cdot 1 + 57.1 * 6 * 9.81) * 6}{4} = 97110 \text{ N.m} , \quad \sigma_{all} = \frac{S_y}{F.S} = \frac{520}{4} = 130 \text{ Mpa}$$

$$\sigma_{all} = \frac{M_{\max}}{W_x} \rightarrow W_x = \frac{M_{\max}}{\sigma_{all}} = 747 \text{ cm}^3 > W_x$$

$$\delta = \frac{-WL^3}{48EI} = 0.009 \text{ m}$$

$$\tau_{all} = \frac{\tau_y}{F.S} = \frac{110}{4} = 27.5 \text{ Mpa}$$

$$\tau_{\max} = \frac{V_{\max}}{A_w} \quad V_{\max} = \frac{W}{2} = 32370 \text{ N}$$

$$A_w = (h - 2t)s = (360 - 2 * 12.7) * 8 = 2676.8 \text{ mm}^2$$

$$\tau_{\max} = \frac{32370}{2676.8} = 12 \text{ Mpa} < \tau_{all} = 27.5$$

همه شرایط با این تیر ارضا می شوند، پس تیر طولی از نوع IPE360 انتخاب می شود.



Bridge crane

پیوست

Bridge crane



فطر جوخ	پهنای ریل		DIN 5902	DIN 5902	b ₁	b ₂	a ₁	a ₂	a ₃	a ₄	a ₅	a ₆	a ₇	a ₈	a ₉	a ₁₀	a ₁₁	a ₁₂	a ₁₃	e	l ₁	l ₂	بیجه	
	میلیمتر	انچ																					تعداد	اندازه
200	45	—	—	55	90	40	230	45	55	160	125	200	21	14	15	105	60	105	4	M 12				
250	45	—	—	55	90	50	240	50	80	200	155	250	28	18	15	115	60	115	4	M 16				
315	45	55	—	55	90	60	350	60	75	260	200	312	28	18	15	125	65	125	4	M 16				
400	55	75	—	65	110	65	440	80	95	270	210	320	35	23	15	140	75	140	4	M 20				
500	55	75	—	65	110	70	540	90	105	350	290	420	35	23	15	145	75	145	4	M 20				
630	55	75	67	75	120	80	680	100	120	460	400	540	40	27	20	165	80	165	6	M 24				
710	65	100	74	85	140	90	760	110	130	510	450	600	40	27	20	185	90	185	6	M 24				
800	65	100	74	85	140	100	850	125	145	610	550	690	40	27	20	195	90	195	6	M 24				
900	75	100	74	85	140	110	950	140	160	680	620	784	40	27	20	205	90	205	6	M 24				
1000	75	100	74	85	140	110	1050	160	180	790	710	896	50	33	20	205	90	205	6	M 30				
1120	—	100	—	135	220	125	1180	180	200	860	800	992	50	33	20	260	125	260	8	M 30				
1250	—	100	—	135	220	125	1310	200	220	1000	920	1120	50	33	30	260	125	260	8	M 30				

* پهنای مجاز ریل برای گریتهای سنگ که روی ریل حرکت می‌کند و برای گریتهای سنگ نیز ساخته میشوند.

** برای پهنای سر ریل بزرگتر یا بزرگتر باید اندازه هم بهمان نسبت بزرگتر انتخاب شود

Bridge crane



مفتولهای فولادی

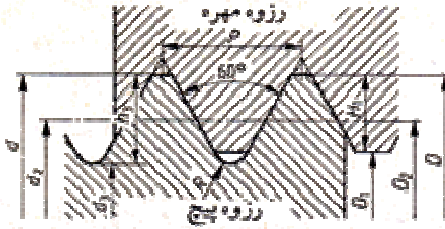
مفتولهای براق - گرد، - مربع و - شش گوش فولادی <small>غالبه با DIN 176(2.72); DIN 178(6.59); DIN 668 (10.81)</small>												
ابعاد d, a, s mm	وزن طولی به kg/m			ابعاد d, a, s mm	وزن طولی به kg/m			ابعاد d, a, s mm	وزن طولی به kg/m			
2	0,024 7	0,031 4	0,027 2	10	0,617	0,785	0,680	25	3,85	4,91	-	
2,5	0,038 5	-	0,042 5	11	0,746	0,950	0,823	30	5,55	7,07	6,12	
3	0,055 5	0,070 7	0,061 2	12	0,880	1,130	0,979	32	6,31	8,04	6,96	
3,5	0,075 5	0,096 2	0,083 3	14	1,21	1,54	1,33	36	7,99	10,2	8,81	
4	0,098 6	0,126	0,109	15	1,39	1,77	1,53	40	9,86	12,6	-	
4,5	0,125	0,159	0,138	16	1,58	2,01	1,74	50	15,4	19,6	17,0	
5	0,154	0,196	0,170	17	1,78	2,27	1,96	60	22,2	28,3	24,5	
5,5	0,187	0,237	0,206	18	2,0	2,54	-	70	30,2	38,5	33,3	
6	0,222	0,283	0,245	19	2,23	2,83	2,45	80	39,5	50,2	43,5	
8	0,395	0,502	0,435	20	2,47	3,14	-	90	44,9	-	55,1	
9	0,499	0,636	0,551	22	2,98	3,80	3,29	100	61,7	78,5	68,0	
میدان ترانس				جنس: مفتول گرد و چهار گوش ترجیحاً طبق DIN 1651، St 20 S 10 مفتول چهار گوش ترجیحاً طبق DIN 17 100 St 37-25								
مفتول گرد		مفتول چهار گوش		مفتول شش گوش		مشخصه یک مفتول گرد طبق DIN 670 از St 50-2 با d = 20 mm DIN 670 - St 50 - 2 - 20 مفتول گرد						
h11	DIN 668	طبق DIN 178		طبق DIN 176								
h9	DIN 671	برای h 11 a, s ≤ 65 mm										
h8	DIN 670	برای h 12 a, s < 65 mm										

Bridge crane



مقایسه با (ISO 13 (12.86) DIN 13

رُزوه های - ISO متریک ، ابعاد



$$\begin{aligned}
 d &= D \\
 P &= \text{کام} \\
 h_3 &= 0,6134 \cdot P \\
 H_1 &= 0,5413 \cdot P \\
 R &= 0,1443 \cdot P \\
 d_2 = D_2 &= d - 0,6495 \cdot P \\
 d_3 &= d - 1,2269 \cdot P \\
 D_1 &= d - 1,0825 \cdot P \\
 &= d - P \\
 \text{زاویه رُزوه} &= 60^\circ \\
 A_1 &= \frac{\pi}{4} \left(\frac{d_2 + d_3}{2} \right)^2
 \end{aligned}$$

سری 1 رُزوه های معمولی ⁽¹⁾ ، اندازه به mm

مشخصه رُزوه	کام P	Ø - جناح		Ø - داخلی		عمق رُزوه		شعاع پای دنده پیچ R	سطح مقطع تنش A ₁ mm ²	Ø - ت	سوراخ سرناسری برای عبور پیچ ⁽²⁾		اندازه آچار غور ⁽³⁾
		d ₂ = D ₂	d ₃	D ₁	d ₃	H ₁	ظریف				متوسط		
M 1	0,25	0,84	0,69	0,73	0,15	0,14	0,04	0,46	0,76	1,1	1,2	-	
M 1,2	0,25	1,04	0,89	0,93	0,15	0,14	0,04	0,73	0,95	1,3	1,4	-	
M 1,6	0,35	1,38	1,17	1,22	0,22	0,19	0,05	1,27	1,3	1,7	1,8	3,2	
M 2	0,4	1,74	1,51	1,67	0,25	0,22	0,06	2,07	1,6	2,2	2,4	4	
M 2,5	0,45	2,21	1,95	2,01	0,28	0,24	0,07	3,39	2,1	2,7	2,9	5	
M 3	0,5	2,68	2,39	2,46	0,31	0,27	0,07	5,03	2,5	3,2	3,4	5,5	
M 4	0,7	3,55	3,14	3,24	0,43	0,38	0,10	8,78	3,3	4,3	4,5	7	
M 5	0,8	4,48	4,02	4,13	0,49	0,43	0,12	14,2	4,2	5,3	5,5	8	
M 6	1	5,35	4,77	4,92	0,61	0,54	0,14	20,1	5,0	6,4	6,6	10	
M 8	1,25	7,19	6,47	6,65	0,77	0,68	0,18	36,6	6,8	8,4	9	13	
M 10	1,5	9,03	8,16	8,38	0,92	0,81	0,22	58,0	8,5	10,5	11	16	
M 12	1,75	10,86	9,85	10,11	1,07	0,95	0,25	84,3	10,2	13	13,5	18	
M 16	2	14,70	13,55	13,84	1,23	1,08	0,29	157	14	17	17,5	24	
M 20	2,5	18,38	16,93	17,29	1,53	1,35	0,36	245	17,5	21	22	30	
M 24	3	22,05	20,32	20,75	1,84	1,62	0,43	353	21	25	26	36	
M 30	3,5	27,73	25,71	26,21	2,15	1,89	0,51	561	26,5	31	33	46	
M 36	4	33,40	31,09	31,67	2,45	2,17	0,58	817	32	37	39	55	
M 42	4,5	39,08	36,48	37,13	2,76	2,44	0,65	1121	37,5	43	45	65	
M 48	5	44,75	41,87	42,59	3,07	2,71	0,72	1473	43	50	52	75	
M 56	5,5	52,43	49,25	50,05	3,37	2,98	0,79	2030	50,5	58	62	85	
M 64	6	60,10	56,64	57,51	3,68	3,25	0,87	2676	58	66	70	95	

رُزوه های دنده ریز ، اندازه به mm

مشخصه رُزوه	Ø - جناح	Ø - داخلی		مشخصه رُزوه	Ø - جناح	Ø - داخلی		مشخصه رُزوه	Ø - جناح	Ø - داخلی	
		d ₃	D ₁			d ₃	D ₁			d ₃	D ₁
M 2 × 0,2	1,870	1,755	1,783	M 10 = 1	9,350	8,773	8,917	M 30 = 1,5	29,026	28,160	28,376
M 2,5 × 0,25	2,338	2,193	2,229	M 12 = 1	11,350	10,773	10,917	M 30 = 2	28,701	27,546	27,835
M 3 × 0,35	2,773	2,571	2,621	M 12 = 1,25	11,188	10,466	10,647	M 36 = 1,5	35,026	34,160	34,376
M 4 × 0,5	3,675	3,387	3,459	M 16 = 1	15,350	14,773	14,917	M 36 = 2	34,701	33,546	33,835
M 5 × 0,5	4,675	4,387	4,459	M 16 = 1,5	15,026	14,160	14,376	M 42 = 1,5	41,026	40,160	40,376
M 6 × 0,75	5,513	5,080	5,188	M 20 = 1	19,350	18,773	18,917	M 42 = 2	40,701	39,546	39,835
M 8 × 0,75	7,513	7,080	7,188	M 20 = 1,5	19,026	18,160	18,376	M 48 = 1,5	47,026	46,160	46,376
M 8 × 1	7,350	6,773	6,917	M 24 = 1,5	23,026	22,160	22,376	M 48 = 2	46,701	45,546	45,835
M 10 × 0,75	9,513	9,080	9,188	M 24 = 2	22,701	21,546	21,835	M 56 = 1,5	55,026	54,160	54,376

اندازه رُزوه هایی که در جدول نیستند، طبق فرمولهای بالا محاسبه می شود.
⁽¹⁾ سری 2 و سری 3 شامل مقادیر میانی نیز هستند (مثلاً M9 ، M7 و M14).
⁽²⁾ مقایسه با DIN ISO 273
⁽³⁾ مقایسه با DIN ISO 272



تیر آهن باریک I

ردیف I

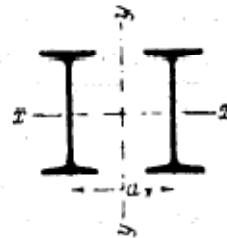
طول استاندارد

در پروفیل‌هایی به ارتفاع کمتر از ۳۰۰ میلیمتر

۸ تا ۱۶ متر

از ۳۰۰ میلیمتر به بالا

۸ تا ۱۶ متر



a_1 = فاصله بین دو مرکز دو تیر آهن برای اینکه هر دو گشتاور ماند اصلی مساوی هم و معادل $2r_2$ شوند

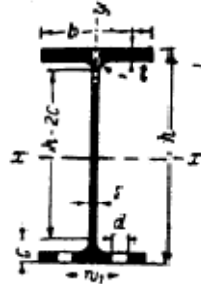
علامت اختصاری	اندازه به میلیمتر برای							F	G	برای محور خم						a_1	سوراخ‌های لبه طبق دین ۱۹۷ (انتشار اکتبر ۱۹۷۰)	
	h	b	s=r ₁	t	r ₂	c	h-2c			x-x			y-y				d ₁	w ₁
										J_x	W_x	i_x	J_y	W_y	i_y			
I	تیر آهن باریک با لبه شیب‌دار از طرف داخل ردیف I (گرم غلطک خورده) طبق دین ۱۰۲۵ برگ ۱ انتشار اکتبر ۱۹۶۳																	
80	80	42	3.9	5.9	2.3	10.5	56	7.57	5.94	77.8	19.5	3.20	6.29	3.00	0.91	62	6.4	22
100	100	50	4.5	6.8	2.7	12.5	75	10.6	8.34	171	34.2	4.01	12.2	4.88	1.07	78	6.4	28
120	120	58	5.1	7.7	3.1	14	92	14.2	11.1	328	54.7	4.81	21.5	7.41	1.23	94	6.4	32
140	140	66	5.7	8.6	3.4	16.5	109	18.2	14.3	573	81.9	5.81	35.2	10.7	1.40	108	11	34
160	160	74	6.3	9.5	3.8	17.5	125	22.8	17.9	935	117	6.40	54.7	14.8	1.56	124	11	40
180	180	82	6.9	10.4	4.1	19	142	27.9	21.9	1450	161	7.20	81.3	19.8	1.71	140	13**	44
200	200	90	7.5	11.3	4.5	20.5	159	33.4	26.2	2140	214	8.00	117	26.0	1.87	156	13	48
220	220	98	8.1	12.2	4.9	22	176	39.5	31.1	3080	278	8.80	162	33.1	2.02	172	13	52
240	240	106	8.7	13.1	5.2	24	192	46.1	36.2	4250	354	9.59	221	41.7	2.20	188	17 13	56
260	260	113	9.4	14.1	5.6	26	208	53.3	41.9	5740	442	10.4	288	51.0	2.32	202	17	60
280	280	119	10.1	15.2	6.1	27.5	225	61.0	47.9	7590	542	11.1	364	61.2	2.45	218	17	60
300	300	125	10.8	16.2	6.5	28.5	241	69.0	45.2	9800	663	11.9	451	72.2	2.56	234	21 17	64
320	320	131	11.5	17.3	6.9	31	258	77.7	61.0	12510	792	12.7	555	84.7	2.67	248	21 17	70
340	340	137	12.2	18.3	7.3	33	274	86.7	68.0	15700	933	13.5	674	99.4	2.80	264	21	74
360	360	143	13.0	19.5	7.8	35	290	97.0	75.1	19610	1080	14.2	818	114	2.90	278	23 21	76
380	380	149	13.7	20.5	8.2	37	306	107	84.0	24010	1260	15.0	975	131	3.02	294	23 21	82
400	400	155	14.4	21.6	8.6	38.5	323	118	92.4	29210	1460	15.7	1100	149	3.13	308	23	88
425	425	163	15.3	23.0	9.2	41	343	132	104	35970	1740	16.7	1440	176	3.30	328	25 23	88
450	450	170	16.2	24.3	9.7	43.6	363	147	115	45850	2040	17.7	1730	203	3.43	348	25 23	94
475	475	178	17.1	25.6	10.3	45.5	384	163	126	55480	2380	18.6	2080	235	3.60	368	25 25	94
500	500	186	18.0	27.0	10.8	48	404	179	141	66740	2790	19.6	2480	268	3.72	384	100	100
580	580	200	19.0	30.0	11.9	52.5	445	212	166	99180	3610	21.6	3490	349	4.02	424	110	110
600	600	215	21.6	32.4	13.0	57.5	485	254	199	130000	4830	23.1	4670	434	4.30	480	120	120

Bridge crane



I تیر آهن نیم پهن

ردیف IPE



تا ۱۶ متر
تا ۱۶ متر

طول استاندارد
در پروفیل‌هایی به ارتفاع
کمتر از ۳۰۰ میلی‌متر
از ۳۰۰ میلی‌متر به بالا



e_1 = فاصله بین دو مرکز دو تیر آهن برای اینکه هر دو
گشتاور ماند اصلی مساوی هم و معادل 2L شوند

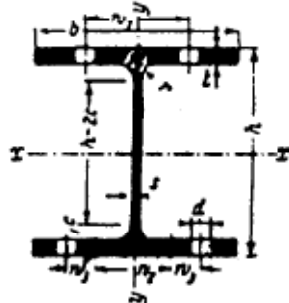
علامت اختصاری	اندازه میلی‌متر برای							F	G	برای محور خمش						e_1	سوراخ‌های لبه طبق دین ۱۹۷ (انتشار اکتبر ۱۹۷۰)	
	h	b	s=r ₁	t	r ₂	c	h-2c			X-X			Y-Y				d ₁	w ₁
										J _x	W _x	I _x	J _y	W _y	I _y			
cm ²	kg/m	cm ⁴	cm ³	cm	cm ⁴	cm ³	cm	mm	mm	mm								
IPE																		
تیر آهن پهن یا لبه موازی ردیف IPE (کرم غلطک خورده) طبق دین ۱۰۲۵ برگ ۵ انتشار اکتبر ۱۹۶۵ ردیف IPE معادل نرم اروپایش ۷۵-۱۹ است																		
80	80	48	3.8	5.2	5	10.2	89	7.84	80.0	80.1	20.0	3.24	8.46	3.89	1.05	63	6.4	26
100	96	4.1	5.7	7	12.7	74	10.3	8.10	171	34.2	4.07	15.9	5.79	1.24	79	8.4	30	
120	120	64	4.4	8.3	7	13.3	93	13.2	10.4	318	53.0	4.90	27.7	8.60	1.45	96	8.4	36
140	140	73	4.7	8.9	7	13.9	112	16.4	12.9	541	77.3	5.74	44.9	12.3	1.66	112	11	40
160	160	82	5.0	7.4	9	16.4	127	20.1	16.8	869	109	6.56	68.3	16.7	1.84	129	13	44
180	180	91	5.3	8.0	9	17.0	146	23.9	18.8	1300	146	7.42	101	22.2	2.05	146	13	50
200	200	100	5.6	8.5	12	20.5	189	28.5	22.4	1940	194	8.28	142	28.5	2.24	162	13	56
220	220	110	5.9	9.2	12	21.2	177	33.4	26.2	2770	252	9.11	205	37.3	2.46	179	17	60
240	240	120	6.2	9.8	15	24.8	190	39.1	30.7	3880	324	9.97	294	47.3	2.69	196	17	66
270	270	136	6.6	10.2	15	26.2	219	45.9	36.1	5790	429	11.2	420	62.2	3.02	220	21 17	72
300	300	150	7.1	10.7	15	26.7	248	53.8	42.2	8360	557	12.5	604	80.5	3.25	245	23	80
330	330	160	7.5	11.5	18	28.5	271	62.6	48.1	11770	713	13.7	798	96.5	3.56	270	25 23	86
360	360	170	8.0	12.7	18	30.7	296	72.7	57.1	16270	904	15.0	1040	123	3.79	294	25	90
400	400	180	8.6	13.5	21	34.5	331	84.5	66.3	23130	1180	16.5	1320	146	3.86	326	26 25	96
450	450	190	9.4	14.6	21	35.8	378	98.8	77.6	33740	1500	18.5	1680	176	4.12	365	26	106
500	500	200	10.2	16.0	21	37.0	426	116	90.7	46200	1930	20.4	2140	214	4.31	404	28	110
550	550	210	11.1	17.2	24	41.2	467	134	106	67120	2440	22.3	2670	264	4.45	442	28	120
600	600	220	12.0	19.0	24	43.0	514	156	122	92080	3070	24.3	3390	308	4.66	481	28	120
IPE o																		
تیر آهن نیم پهن (استاندارد شده)																		
180 o	182	92	6.0	9.0	9	18.0	146	27.1	21.3	1510	185	7.45	117	25.5	2.08	143	13	80
200 o	202	102	6.2	9.5	12	21.5	189	32.0	25.1	2210	219	8.32	169	33.1	2.30	180	13	86
220 o	222	112	6.6	10.2	12	22.2	177	37.4	28.4	3130	282	9.16	240	42.06	2.53	178	17	92
240 o	242	122	7.0	10.8	15	25.8	190	43.7	34.3	4370	361	10.0	329	53.9	2.74	192	17	96
270 o	274	136	7.5	12.2	15	27.2	219	53.6	42.3	6060	507	11.4	514	75.5	3.00	219	21 17	72
300 o	304	152	8.0	12.7	15	27.7	248	62.6	48.3	9960	658	12.6	746	98.1	3.45	243	23	80
330 o	334	162	8.5	13.5	18	31.5	271	72.0	57.0	13910	833	13.8	980	119	3.64	267	25 23	86
360 o	364	172	9.2	14.7	18	32.7	296	84.1	66.0	19050	1050	15.1	1290	146	3.86	291	25	90
400 o	404	182	9.7	15.5	21	36.5	331	98.4	75.7	26750	1320	16.7	1580	172	4.03	323	26 25	96
400 v	408	182	10.6	17.5	21	38.5	331	107	84.0	30140	1480	16.8	1770	194	4.06	326	28 26	98
450 o	456	192	11.0	17.8	21	36.6	378	118	92.4	40920	1790	18.7	2090	217	4.21	363	26	106
450 v	460	194	12.4	19.0	21	10.8	378	132	104	46200	2010	18.7	2400	247	4.26	384	26	106
500 o	506	202	12.0	19.0	21	40.0	426	137	107	57790	2280	20.6	2820	290	4.38	402	26	110
500 v	514	204	14.2	23.0	21	44.0	426	164	129	70720	2730	20.8	3270	321	4.46	406	26	110
550 o	556	212	12.7	20.2	24	44.2	467	156	123	79180	2650	22.5	3220	304	4.41	426	28	120
550 v	566	216	17.1	25.2	24	48.2	467	202	159	102300	3620	22.5	4280	366	4.56	441	28	120
600 o	610	224	15.0	24.0	24	48.0	514	197	154	116300	3880	24.5	4520	404	4.79	481	28	120
600 v	618	228	18.0	28.0	24	52.0	514	234	184	141600	4580	24.6	5670	489	4.86	482	28	120

Bridge crane



تیر آهن عریض I

ردیف IPB



$b = h$ در تیرهای تا ۳۰۰

$b = ۳۰۰$ م در تیرهای ۳۰۰ به بالا

طول استاندارد

در پروفیل‌هایی با ارتفاع کمتر از ۳۰۰ میلیمتر ۸ تا ۱۶ متر
از ۳۰۰ میلیمتر به بالا ۸ تا ۱۸ متر

S_p - کناد انسانی که سطح -
 S_y - مامله مرکز کمر و معار -
 i_D - معادلتیجر (مردف) -
 C_M - معادلتیجر (بالله کردن) -

علامت اختصاری	اندازه به میلی‌متر برای							F	G	برای محور خمش						سوراخ‌های لبه طبق دین ۹۹۷ (انتشار اکتبر ۱۹۷۰)			
	h	b	s	t	r	c	h-2c			x - x			y - y			d ₁	w ₁	w ₂	w ₃
										J _x	W _x	i _x	J _y	W _y	i _y				
cm ²	kg/m	cm ⁴	cm ³	cm	cm ⁴	cm ³	cm	mm	mm	mm									
IPB	تیر آهن باریک عریض با لبه موازی، ردیف IPB (گرم غلطک خورده) طبق دین ۱۰۲۵ برگ ۲ انتشار اکتبر ۱۹۶۳																		
HE-B	ردیف IPB معادل نرم اروپائی (HE-B) ۵۲-۶۲ است																		
100	100	100	6	10	12	22	56	26.0	20.4	450	89.9	4.16	187	33.5	2.53	13	56	-	
120	120	120	6.5	11	12	23	74	34.0	26.7	684	144	5.04	318	52.9	3.06	17	66	-	
140	140	140	7	12	12	24	92	43.0	33.7	1510	216	5.93	550	78.5	3.56	21	76	-	
160	160	160	8	13	15	26	104	54.3	42.6	2480	311	6.78	689	111	4.05	23	86	-	
180	180	180	8.5	14	15	29	122	65.3	51.2	3630	426	7.66	1360	151	4.57	25	100	-	
200	200	200	9	15	16	30	134	76.1	61.3	5700	570	8.54	2000	200	5.07	25	110	-	
220	220	220	9.5	16	18	34	152	91.0	71.5	6090	736	9.43	2640	268	5.59	25	120	-	
240	240	240	10	17	21	36	164	106	83.2	11260	938	10.3	3920	327	6.06	25	96	35	
260	260	260	10	17.5	24	41.5	177	118	93.0	14920	1150	11.2	5130	396	6.56	25	106	40	
280	280	280	10.5	18	24	42	196	131	103	19270	1380	12.1	6590	471	7.09	25	110	45	
300	300	300	11	19	27	46	206	149	117	25170	1680	13.0	8560	571	7.56	26	120	45	
320	320	300	11.5	20.5	27	47.5	225	161	127	30820	1930	13.6	9240	616	7.67	26	120	45	
340	340	300	12	21.5	27	48.5	243	171	134	36680	2180	14.6	9960	646	7.53	26	120	45	
360	360	300	12.5	22.5	27	49.5	251	181	142	43190	2400	15.5	10140	676	7.49	26	120	45	
400	400	300	13.6	24	27	51	298	198	155	57690	2880	17.1	10620	721	7.40	26	120	45	
450	450	300	14	26	27	53	344	218	171	79690	3660	19.1	11720	781	7.33	26	120	45	
500	500	300	14.5	26	27	56	390	239	187	107900	4690	21.2	12620	842	7.27	26	120	46	
550	550	300	15	29	27	56	438	254	199	136700	4970	23.2	13080	872	7.17	26	120	45	
600	600	300	15.5	30	27	57	486	270	212	171000	5700	25.2	13630	902	7.06	26	120	45	
650	650	300	16	31	27	58	534	286	225	210600	6480	27.1	13980	932	6.96	26	120	46	
700	700	300	17	32	27	59	582	306	241	258900	7340	29.0	17440	963	6.87	26	126	45	
800	800	300	17.5	33	30	63	674	334	262	369100	8980	32.8	14900	984	6.86	26	130	46	
900	900	300	18.5	36	30	66	770	371	291	494100	10880	36.5	18820	1080	6.53	26	130	40	
1000	1000	300	19	36	30	68	886	400	314	644700	12880	40.1	16880	1080	6.36	26	130	40	

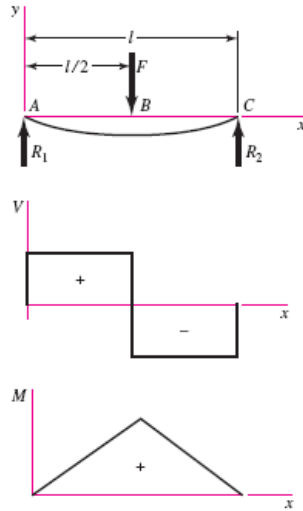


Bridge crane

Table A-9

Shear, Moment, and Deflection of Beams
(Continued)
(Note: Force and moment reactions are positive in the directions shown; equations for shear force V and bending moment M follow the sign conventions given in Sec. 3-2.)

5 Simple supports—center load



$$R_1 = R_2 = \frac{F}{2}$$

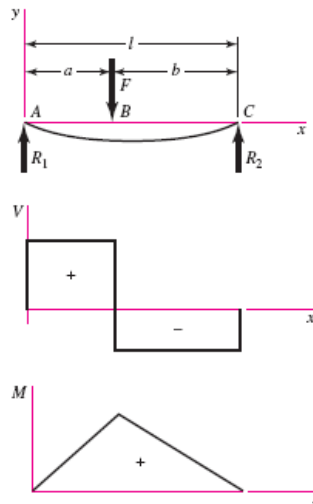
$$V_{AB} = R_1 \quad V_{BC} = -R_2$$

$$M_{AB} = \frac{Fx}{2} \quad M_{BC} = \frac{F}{2}(l-x)$$

$$y_{AB} = \frac{Fx}{48EI}(4x^2 - 3l^2)$$

$$y_{\max} = -\frac{Fl^3}{48EI}$$

6 Simple supports—intermediate load



$$R_1 = \frac{Fb}{l} \quad R_2 = \frac{Fa}{l}$$

$$V_{AB} = R_1 \quad V_{BC} = -R_2$$

$$M_{AB} = \frac{Fbx}{l} \quad M_{BC} = \frac{Fa}{l}(l-x)$$

$$y_{AB} = \frac{Fbx}{6EI}(x^2 + b^2 - l^2)$$

$$y_{BC} = \frac{Fa(l-x)}{6EI}(x^2 + a^2 - 2lx)$$



Bridge crane
